

اسم المحاضرة : علم السكون

اسم المحاضر: م. راماز هره

الأكاديمية العربية الدولية - منصة أعد

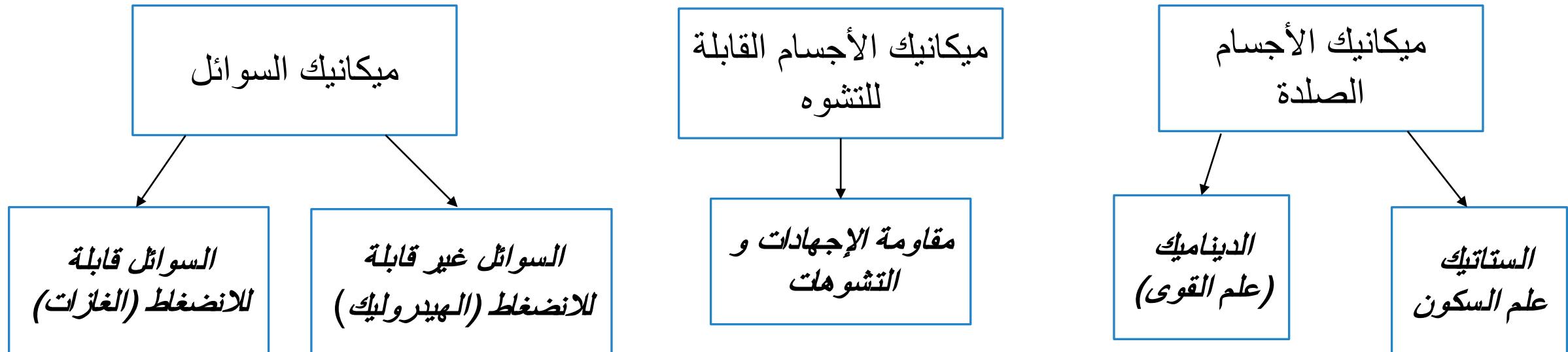


مخطط المادة العلمية

-
- ١- مقدمة عن علم الميكانيك .
 - ٢- مبادئ أساسية في علم الميكانيك .
 - ٣- التصنيف الفيزيائي للقوى في المنشآت.
 - ٤- التصنيف الهندسي للقوى في المنشآت.
 - ٥- مبادئ علم السكون .
 - ٦- خطوات تصميم المنشآت الهندسية و منهجة التصميم.
 - ٧- المقادير الشعاعية و المقادير السلمية .
 - ٨- تحليل القوى في المستوى .
 - ٩- خصائص جبر و طرح الأشعة .
 - ١٠- محصلة جملة القوى في المستوى.

مقدمة عن علم الميكانيك

الميكانيك الهندسي هو العلم الذي يقوم بدراسة وتحليل السلوك لتركيب الأجسام الصلبة والتي تخضع تبعاً لنوع ارتباطها إلى تقييدات خاصة على حركتها وذلك تحت تأثير القوى الخارجية .
أو بتعريف آخر: هو العلم الذي يقوم بدراسة وتحليل موقع وشكل الأجسام المادية تبعاً للزمن تحت تأثير القوى الخارجية المختلفة .



مبادئ أساسية

علم الحركة : (فضاء + زمن + كتلة)

يتناول هذا العلم دراسة حركة الأجسام المادية بغض النظر عن دراسة مسببات هذه الحركة (يحدد مواقع نقاط الأجسام الصلبة بكل لحظة زمنية بغض النظر عن سبب الحركة).

علم القوى : (فضاء + زمن + قوة)

يتناول دراسة الحمولة و تغيراتها ويكون الجسم المادي بحد ذاته غير مهم لأننا نبحث عن شكل التحميل و لا نبحث عن تأثيره.

علم التحرير (فضاء + زمن + كتلة + قوة)

يتناول دراسة و تحليل أسباب الوضع الحركي للجسم المادي مما يقودنا إلى عملية الربط بين الحمولة و الوضع الحركي وذلك بمساعدة بدبيهيات معينة أو بما يمكن أن ندعوها مبادئ ومنه يشتق علم السكون.

مبادئ أساسية

علم السكون

يمكن اشتقاقه حالة خاصة من علم التحرير و ينتج عنه مبدأ التوازن الذي ينص على عدم وجود تغير في السرعة أو الكمية الحرة للجسم و هنا يمكن التعبير عنه بالشكل التالي

$$\sum F = 0$$

أي في علم الستاتيك تكون الأجسام معرضة لقوى خارجية (مؤثرات) لكنها لا تتحرك فنقول عنها ساكنة أو متوازنة

مبادئ أساسية

للقيام بالدراسة الميكانيكية لأي جسم نحن بحاجة لتحديد العناصر التالية :

الفضاء (الإحداثيات)

الزمن

الكتلة

القوى المؤثرة

١ - الفضاء :

هو الحيز المكاني الذي تتم فيه الحركة و نعبر عنه بالجملة الإحداثية يرمز للفضاء بالرمز m أنواع الجمل الإحداثية :
أحادية / ثنائية (حالة مستوية) أي تحوي محورين فقط (X,Y) أو (X,Z) أو (Y,Z) /
ثلاثية (فراغية) أي تحوي ثلاثة محاور (X,Y,Z)

مبادئ أساسية

٢- الزمن :

هو متحول يصف التغير المستقبلي ليرسم تسلسل تغير الأحداث و يعبر عنه بمركبة سلمية (عددية) و هي الثانية T_s .

٣- الكتلة :

الأجسام الصلبة يعبر عنها من خلال الكتلة و تفاصيل kg.



الكتلة توزع بشكل خاص في كل مرة بحيث كل شكل من هذه الأشكال يتمتع بمواصفات هندسية مختلفة ويناسب مواصفات مختلفة.



مثال : لدينا كتلة 5kg من الحديد يمكن ضغطها بأشكال مختلفة :

مبادئ أساسية

٤- القوة :

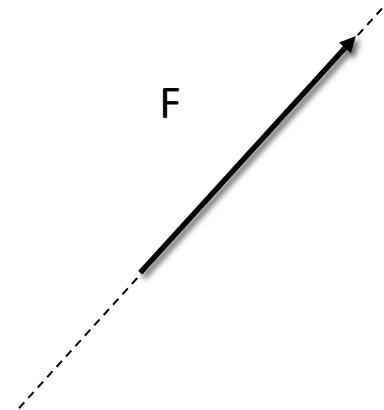
هي التأثير المتبادل بين الأجسام أو الأقسام من هذه الأجسام و التي تؤدي إلى توليد أو تغيير في التسارعات (هي فعل يؤثر على أي جسم).

حيث لكل قوة

مقدار معين ✓

نقطة البداية (نقطة التأثير) ✓

الاتجاه . ✓



التصنيف الفيزيائي للقوى في تصميم المنشآت

القوى الداخلية

الوزن الذاتي للجسم.

القوى الخارجية

الأحمال الثابتة و الأحمال المتحركة المطبقة داخل المنشأة أو بمصطلح هندسي (DEAD & LIVE LOADS) (SNOW, RAIN , HYDRAULIC LOADS)

الأحمال الخارجية : الثلوج ،الأمطار، المياه (WIND LOADS)

قوى الرياح و العواصف (DYNAMIC LOADS)

قوى الزلازل (EARTHQUAKE LOADS)

القوى المكافئة للتغيرات الحرارية (TEMPERATURE LOAD)

التصنيف الفيزيائي للقوى في تصميم المنشآت

الإجهادات الداخلية

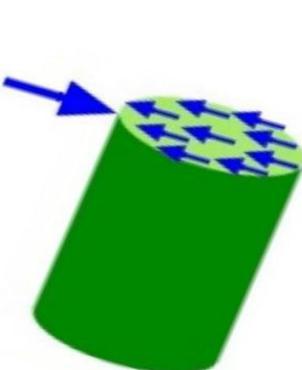
و تعرف بأنها القوى الداخلية الناتجة عن الأحمال الخارجية تقسم إلى :

الإجهادات الناظمية (NORMAL STRESSES) عمودية على سطح التحميل.

الإجهادات المماسية (TRANSVERSE OR SHEAR STRESSES) منطبقة على سطح القطع .

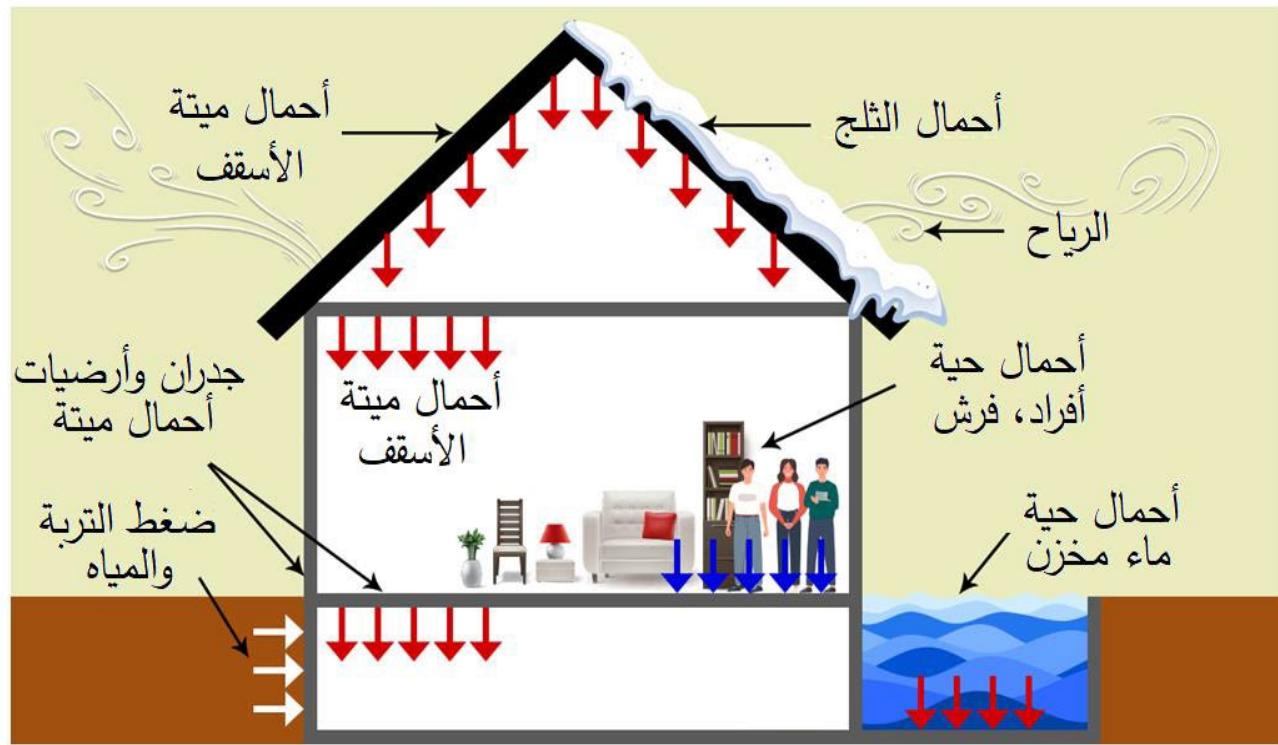


ناظمية



مماسية

التصنيف الفيزيائي للقوى في تصميم المنشآت



الأحمال الديناميكية

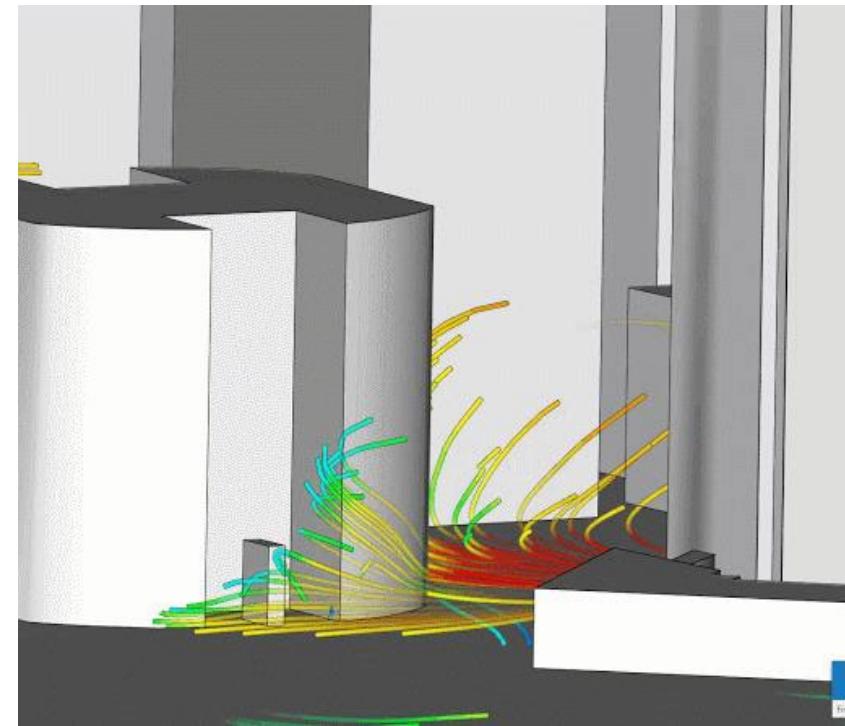


التصنيف الفيزيائي للقوى في تصميم المنشآت

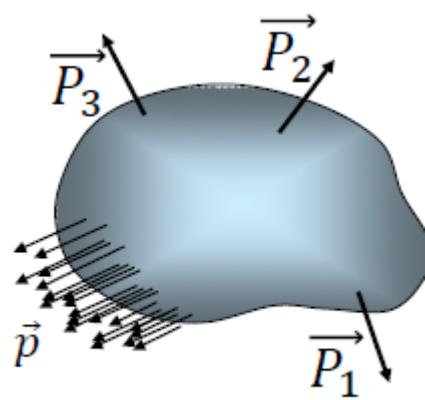
أحمال الزلازل



أحمال الرياح



التصنيف الهندسي للقوى



القوى الذاتية: يعبر عنها بمحصلة الوزن الذاتي لجزئيات الجسم.

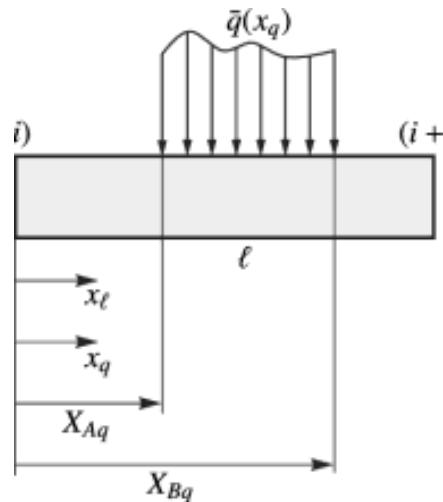
القوى الخارجية:

قوة مركزية P : تؤخذ كقوة مطبقة في نقطة.

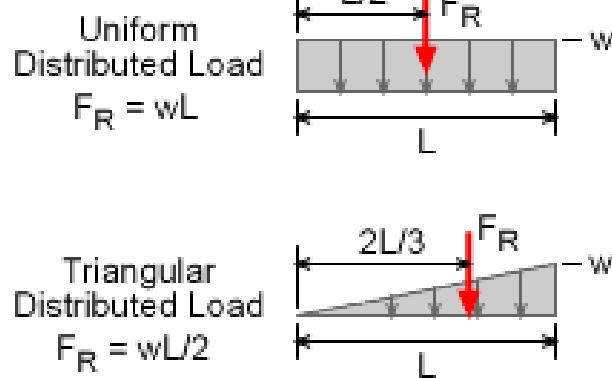
القوى الموزعة p : منها المنتظمة أو غير المنتظمة، تطبق على الجسم أو على مساحة محددة الأبعاد.

الإجهادات الداخلية w : وهي كثافة القوى الداخلية التي تبديها المادة لمقاومة القوى الخارجية .

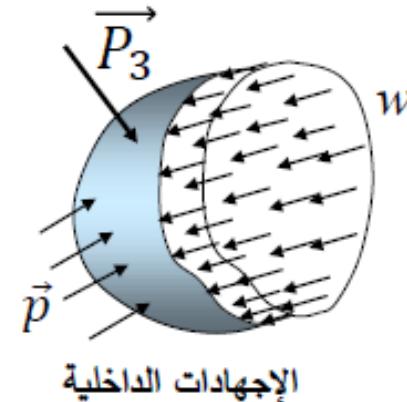
التصنيف الهندسي للأقوى



قوى موزعة غير منتظمة
(لا يمكن تمثيلها بمعادلة رياضية)



قوى موزعة منتظمة (ثابتة، ومثلثية)
وكل ما يمكن تمثيله بمعادلة رياضية



الإجهادات الداخلية

التصنيف الهندسي للقوى

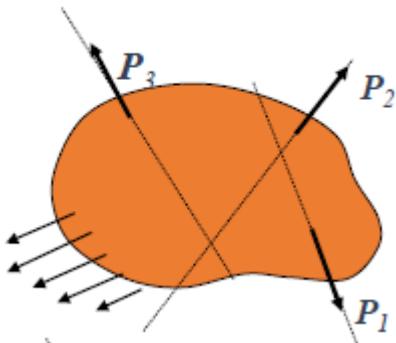
مجموعة القوى :

هي عبارة عن عدة قوى تؤثر في جسم صلٍ بـأَن واحِد .

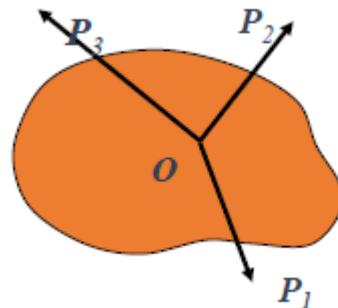
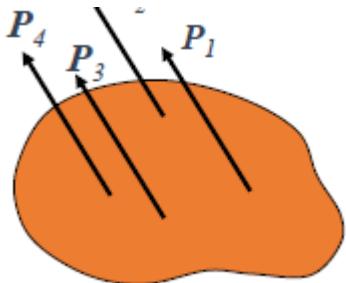
أولاً : نظام القوى المستوية أي الواقعه في مستوٍ واحد

ثانياً : نظام القوى الغير مستوية أي لا تقع في مستوٍ واحد

ثالثاً : نظام القوى المتلاقيه



رابعاً: نظام القوى الغير متلاقيه



التصنيف الهندسي للقوى

الجسم المتوازن:

إذا بقي الجسم الصلد ساكناً أو متمتعاً بحركة مستقيمة منتظمة بعد تأثير مجموعة من القوى نقول بأن الجسم الموجود هو في حالة توازن و أن مجموعة القوى المؤثرة عليه هي مجموعة قوى متوازنة.

المجموعة المتوازنة:

هي تلك المجموعة من الأفعال التي إذا أثرت في جسم واقع في حالة توازن لا تسبب أي تغيير في هذه الحالة .

المجموعتان المتكافئتان : إذا استطعنا استبدال مجموعة قوى مؤثرة في جسم ما بمجموعة أخرى دون أن نغير في سكون ذلك الجسم أو توازنه فإن هاتين المجموعتين تسمى مجموعتين متكافئتين.

مبادئ علم السكون

البديهية :

عبارة عن فرضية أساسية تؤخذ بدون برهان و تعتبر مثبتة من خلال الكثير من الملاحظات و التجارب التي أكدتها الحياة العملية و التطبيقية .

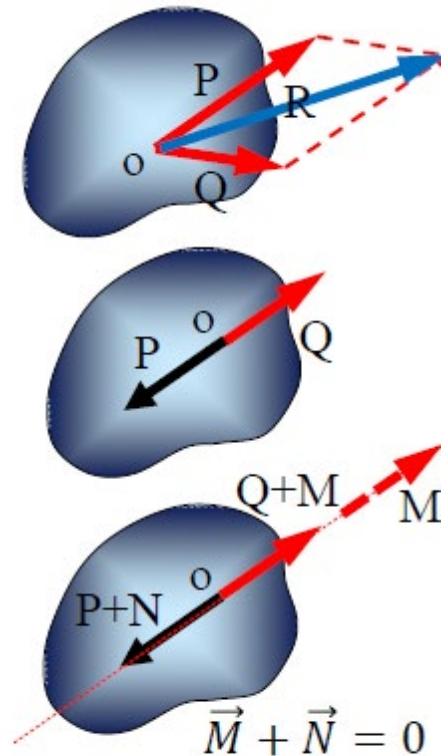
المبدأ الأول: قانون متوازي الأضلاع

إن حاصلة قوتين مطبقتين على الجسم في نقطة واحدة منه وبينهما زاوية ما، تتعين مقداراً واتجاههاً وموضعها بقطر متوازي المنشأ على هاتين القوتين .

المبدأ الثاني: قانون التوازن

إذا طبقت على جسم ما قوتان، فإن هذا الجسم يكون بحالة توازن فقط عندما تكون هاتان القوتان متساويتان و متعاكستان مباشرة و العكس صحيح.

مبادئ علم السكون



المبدأ الثالث: قانون ضم قوى وانزلاقها
لا يتغير فعل جملة قوى مفروضة في جسم إذا أضفنا إليها أو حذفنا منها جملة قوى أخرى متوازنة، $N+M=0$.
إذا طبقت قوة على جسم ما فإنه يمكن زلقة هذه القوة على حاملها.

المبدأ الرابع: قانون الفعل ورد الفعل
لكل فعل رد فعل يساويه ويعاكسه بالاتجاه.

المبدأ الخامس (مبدأ الصلابة)
إذا توازن جسم قابل للانفعال تحت تأثير مجموعة من القوى فإنه يبقى في حالة توازن حتى لو أصبح هذا الجسم ممتداً بصلابة مطلقة.

مبادئ علم السكون

المبدأ السادس (بدبيهية القيود والأربطة)

هي عبارة عن أجسام صغيرة تحد من حركة الأجسام المتصلة بها كلياً أو جزئياً . يمكن اعتبار أي جسم حر من قيوده متى ما تم استبدال هذه القيود بردود أفعال.

المبدأ السابع (بدبيهية تنضيد الآثار أو الأفعال)

يمكن دائماً تجميع تأثير العناصر ميكانيكيًا ذات النوع الواحد والتي يمكن تمثيلها شعاعياً عندما تؤثر في نفس الوقت على نفس النقطة مثل تجميع القوى أو تجميع الانتقالات أو تجميع التشوّهات .

خطوات تصميم المنشآت الهندسية

تحديد طبيعة المنشأة ووظيفتها ✓

اختيار مواد البناء ✓

تحديد قيمة القوى والأحمال المطبقة ✓

التحليل الإنساني وحساب القوى المطبقة على عناصر المنشأة ✓

تصميم عناصر المنشأة وفق الإجهادات المسموحة للمواد ✓

منهجية التصميم

ميكانيك السكون

خطوة أولى يتم بموجبه دراسة توازن المنشأة و استقرارها (انقلاب / انزياح) تحت تأثير الأحمال و القوى المختلفة الخارجية المطبقة عليها.

حيث يرتكز التحليل الإنشائي بأساسياته على ميكانيك السكون حيث نسعى من خلال دراسة التوازن الساكن للعنصر تحديد الإجهادات (قوى الداخلية) المطبقة على عناصر المنشأة بأشكالها المختلفة (قوى محورية ، قوى قص ، عزوم الثني و الفتل).

كذلك مقاومة المواد يتم تصميم مقاطع العناصر الإنشائية وفق مقاومة المسموحة للمواد المستخدمة في حدود التشوهات المسموحة .

المقادير السلمية والمقادير الشعاعية

في علم الميكانيك نميز نوعين من المقادير:

المقادير السلمية /Scalar Quantities/

مثل الطول، الحجم، الكتلة، العمل...، وهي مقادير فизيائية مستقلة عن المكان.

المقادير الشعاعية /Vector Quantities/

وهي مقادير مرتبطة بالمكان، مثل الوزن، الأحمال الخارجية، الإجهادات الداخلية، السرعة، الانتقال، العزم...، حيث يعبر عنها في الفضاء الهندسي بشعاع .

نظام الإحداثيات الفضاء الهندسي

نظام الإحداثيات الديكارتي

يعرف نظام الإحداثيات الديكارتي، ثنائي، وثلاثي الأبعاد بمحاور الإحداثيات X, Y, Z المتعامدة فيما بينها والممتلقة في نقطة واحدة O .

تسمى المعادلات التي تستخدم الإحداثيات الديكارتية، بالمعادلات الديكارتية.

أما التعامد فيما بين المحاور الديكارتية فيعبر عن استقلالية المحاور عن بعضها البعض بحيث يكون التغير معدوم **Covariance zero**:

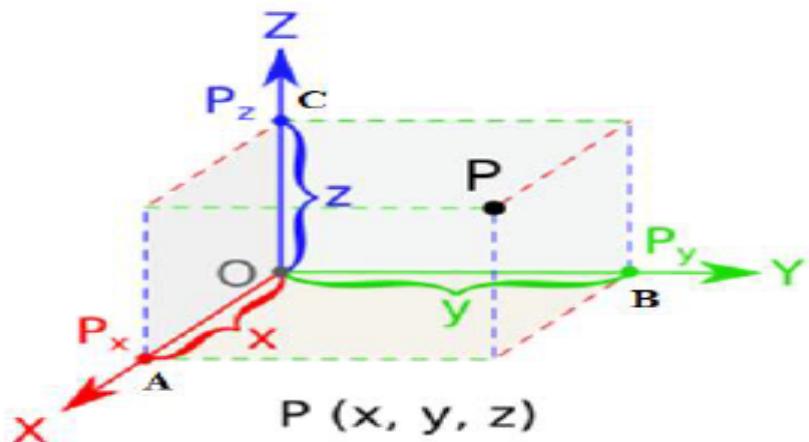
$$\text{COV}(X, Y) = 0, \text{ or } |X| \cdot |Y| \cdot \cos\theta_{XY} = 0$$

$$\text{COV}(X, Z) = 0, \text{ or } |X| \cdot |Z| \cdot \cos\theta_{XZ} = 0$$

$$\text{COV}(Y, Z) = 0, \text{ or } |Y| \cdot |Z| \cdot \cos\theta_{YZ} = 0$$

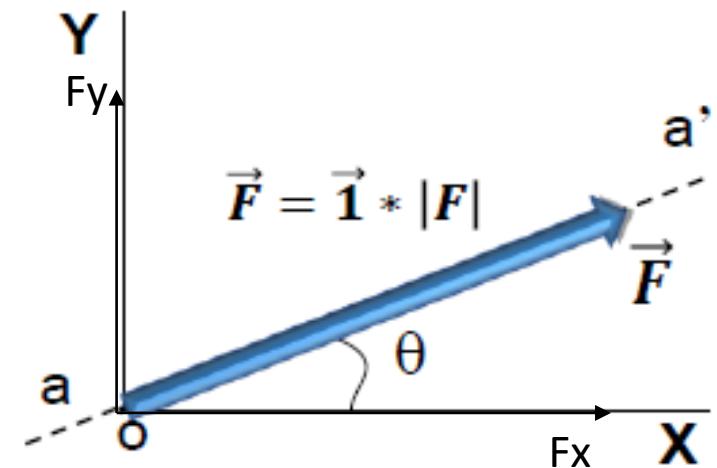
مع

$$\theta_{XY} = \pi/2, \theta_{XZ} = \pi/2, \theta_{YZ} = \pi/2,$$



المقادير السلمية والمقادير الشعاعية

عناصر الشعاع



يُعرف الشعاع بالعناصر الأربع التالية:

نقطة تطبيق القوة : O

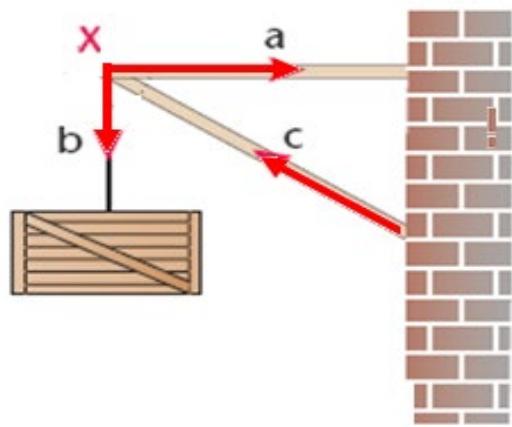
شدة القوة، أو القياس الجبري للشعاع : F

حامل الشعاع : aa'

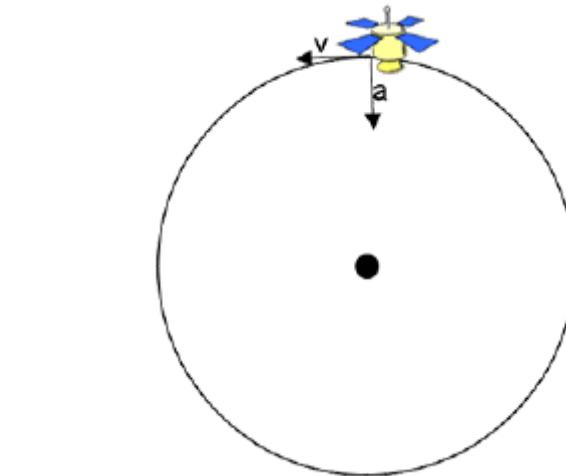
: اتجاه القوة \rightarrow

إذا نسب الشعاع للمحاور الإحداثية فيمكن استبدال حامل الشعاع بزاوية ميل الشعاع θ .

تصنيف الأشعه

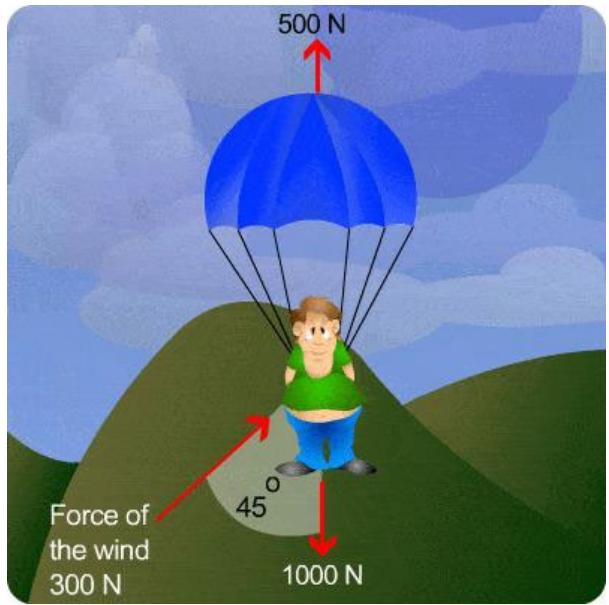


الشعاع المقيد: له نقطة تطبيق O محددة
المسار مع ثبات عناصره الأخرى .

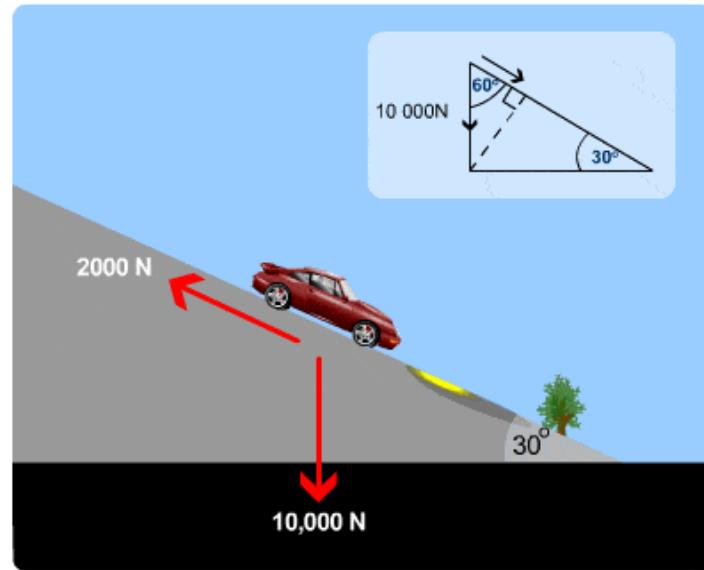


الشعاع الثابت: عناصره الأربع ثابتة.

تصنيف الأشعنة



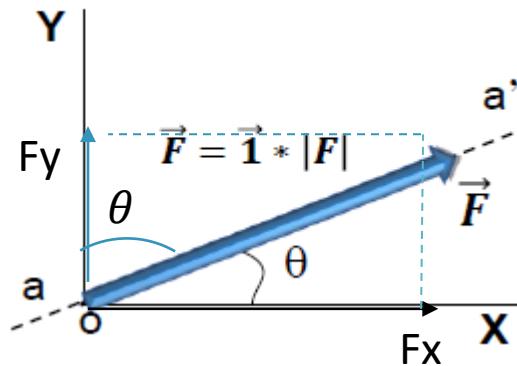
الشعاع الحر أو الطليق : يمكن لمبدئه
الحركة حرأً في الفضاء مع ثبات
عناصره الأخرى



الشعاع المنزلي:
يمكن له الحركة على طول خط حامله، دون
التأثير على التحليل

تحليل القوى

نقوم بإسقاط القوة على المحاور الإحداثية ونقوم بالحصول على مركبات القوة



$$\cos \theta = \frac{F_x}{F}$$

$$\sin \theta = \frac{F_y}{F}$$



$$F_x = F * \cos \theta$$

$$F_y = F * \sin \theta$$

\cos الزاوية المجاورة للمركبة الأفقيّة
 \sin الزاوية المجاورة للمركبة الأفقيّة

المركبة الأفقيّة للقوة = القوة *
المركبة العموديّة للقوة = القوة *

خصائص جبر الأشعة

جمع مجموعة من الأشعة

- يقبل جمع ثلاثة أشعة أو أكثر من خلال التطبيق المتكرر لقاعدة جمع شعاعين، أو التجميع الشعاعي (الخططي) باعتماد الشكل متعدد الأضلاع.

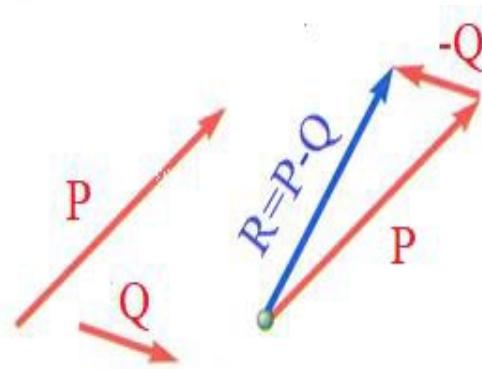
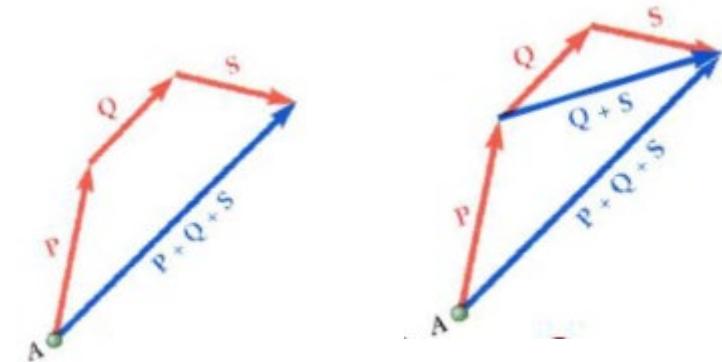
خصائص جمع الأشعة

- جمع الأشعة تبادلي $\vec{P} + \vec{Q} = \vec{Q} + \vec{P}$
- جمع مجموعة من الأشعة ترابطي $\vec{P} + \vec{Q} + \vec{S} = (\vec{P} + \vec{Q}) + \vec{S} = \vec{P} + (\vec{Q} + \vec{S})$

طرح الأشعة

تطبيقياً يتم طرح الشعاع Q من الشعاع P بجمع الشعاع P مع عكس اتجاه الشعاع Q، وفق ما سبق.

$$\vec{P} - \vec{Q} = \vec{P} + \vec{Q}$$

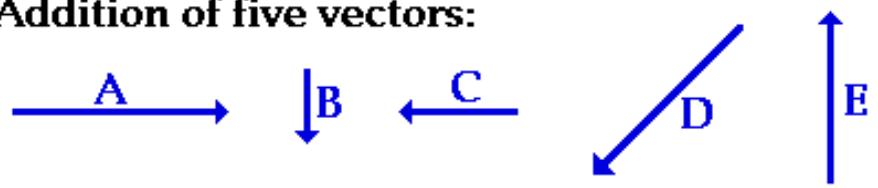


(a)

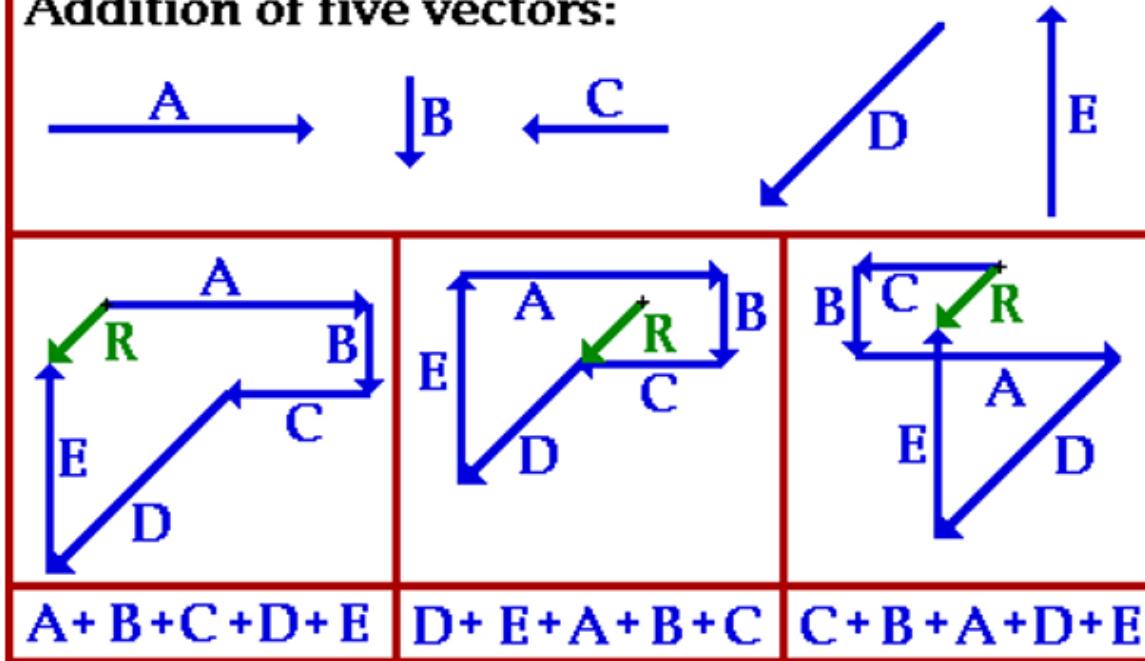
(b)

مثال تجميع خمسة أشعة

Addition of five vectors:

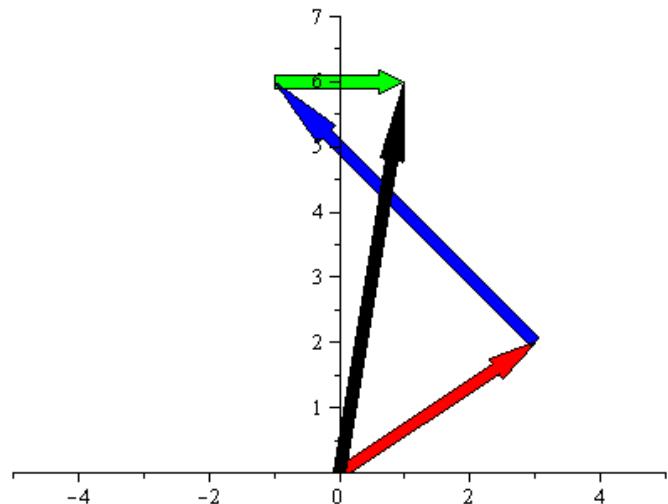


Addition of five vectors:

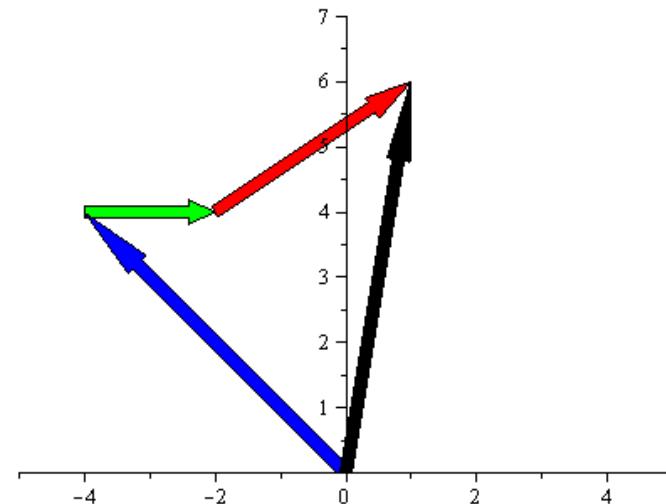


مثال تجميع ثلاثة أشعة

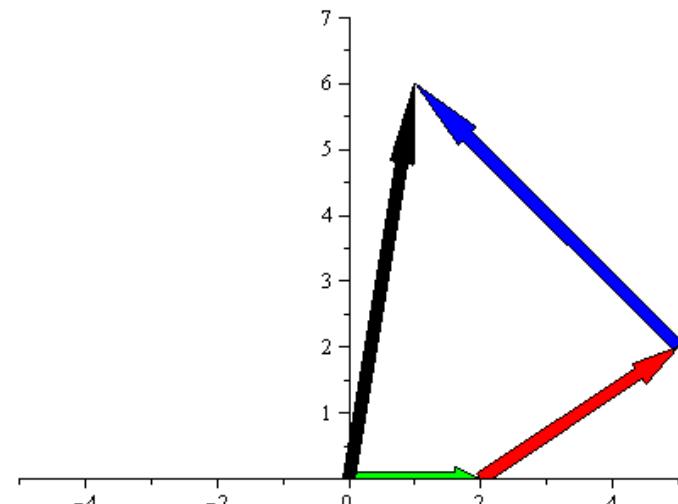
The Sum of 3 Vectors



The Sum of 3 Vectors

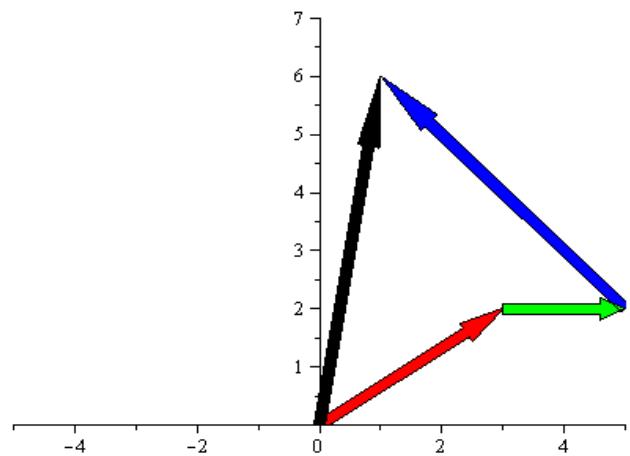


The Sum of 3 Vectors

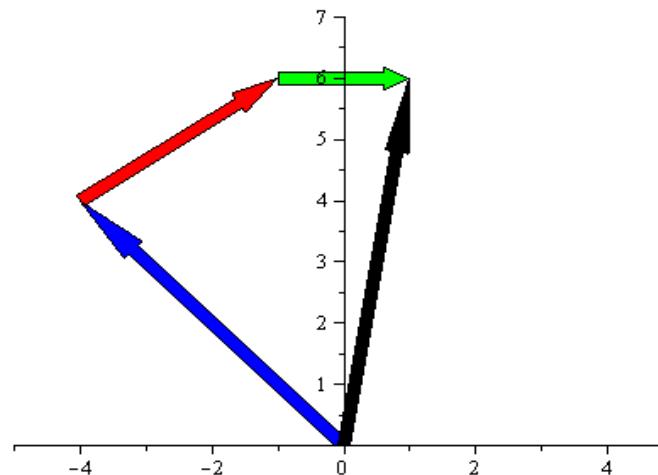


مثال تجميع ثلاثة أشعة

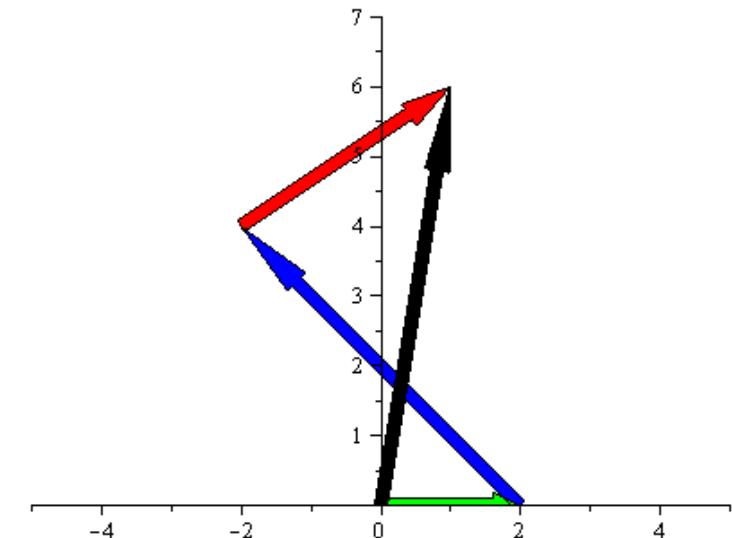
The Sum of 3 Vectors



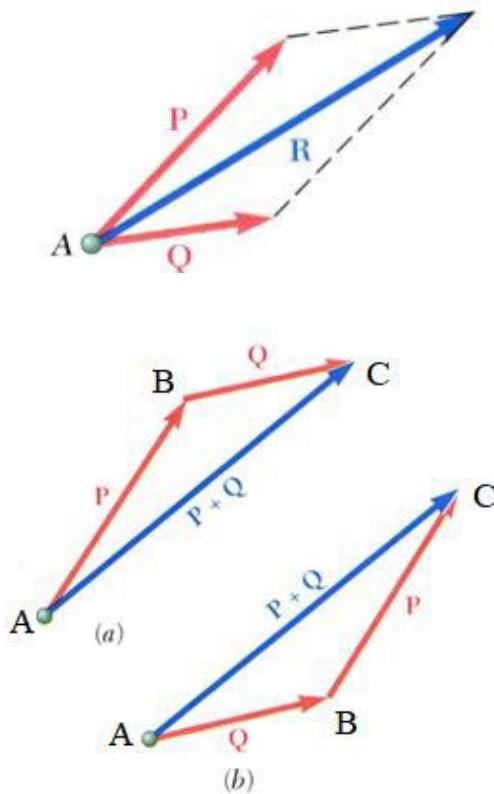
The Sum of 3 Vectors



The Sum of 3 Vectors



محصلة جملة قوى في مستوى – الحل بالطريقة التخطيطية



يمكن تمثيل شدة واتجاه ومنحى شعاع المحصلة \vec{R} لشعاعي القوتين \vec{P} و \vec{Q} تخطيطياً وفق ما يلي:

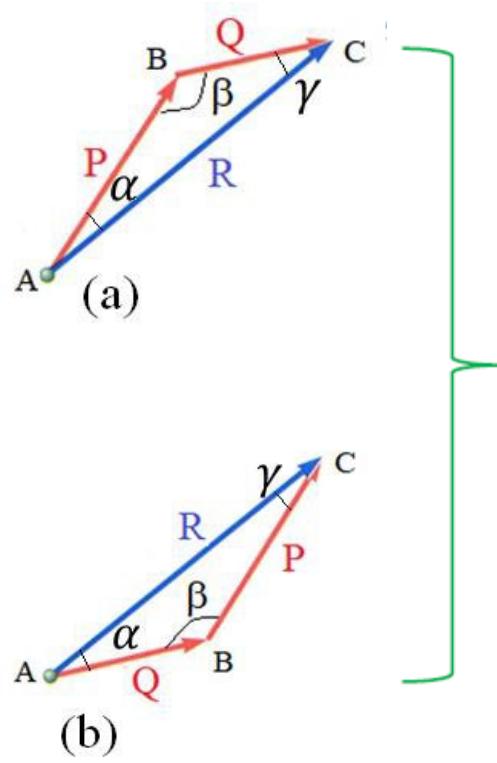
1. محصلة القوتين يساوي بالشدة والاتجاه قطر متوازي الأضلاع، حيث تمثل القوتين بالضلعين المجاورتين .
2. بشكل آخر يمكن تمثيل شعاع المحصلة \vec{R} وفق الطريقة التخطيطية ABC، حيث:

يبدأ كل شعاع من نهاية سابقه، ويرسم شعاع المحصلة \vec{R} من بداية الشعاع الأول، وينتهي خطياً مع نهاية الشعاع الأخير، وهو شرط تحقيق التوازن بين مجموع الأشعة ومحصلتها.

$$\vec{P} + \vec{Q} = \vec{R}$$

ملاحظة: تجميع الأشعة غير مقيد بترتيب محدد.
تعتمد النتائج على دقة الرسم

محصلة جملة قوى في مستوى – الحل وفق نظرية المثلثات



3. قانون الكوسينوس $\cos\beta$ (أو نظرية $\cos\beta$) (Kashi)

$$R^2 = P^2 + Q^2 - 2PQ \cos\beta$$

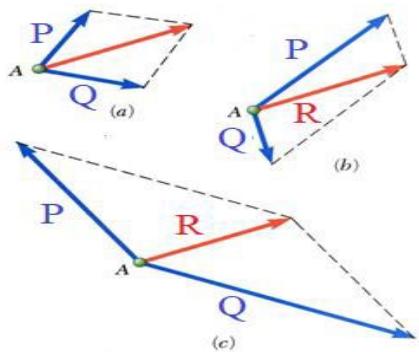
حيث β الزاوية الكائنة بين الشعاعين \vec{P} و \vec{Q}

4. قانون السينوس $\sin\beta$

$$\frac{\sin \alpha}{Q} = \frac{\sin \beta}{R} = \frac{\sin \gamma}{P} \quad \text{(a) الشكل ✓}$$

$$\frac{\sin \alpha}{P} = \frac{\sin \beta}{R} = \frac{\sin \gamma}{Q} \quad \text{(b) الشكل ✓}$$

محصلة القوى المتزامنة



القوى المتزامنة : مجموعة من القوى تمر جميعها عبر نقطة واحدة.

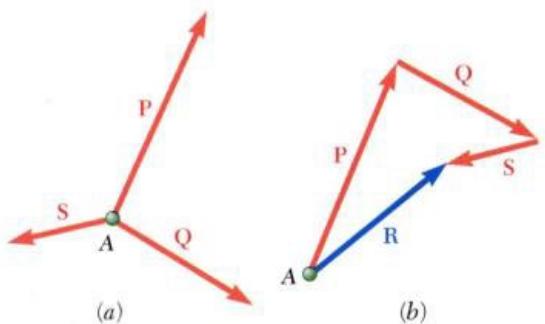
- يمكن استبدال مجموعة من أشعة القوى المتزامنة المطبقة على الجسم بقوة واحدة \vec{R} يكفي فعلها محصلة أفعال أشعة القوى المطبقة.

ملاحظة : إذا كان شعاع محصلة القوى مساوي لمجموع أشعة القوى.

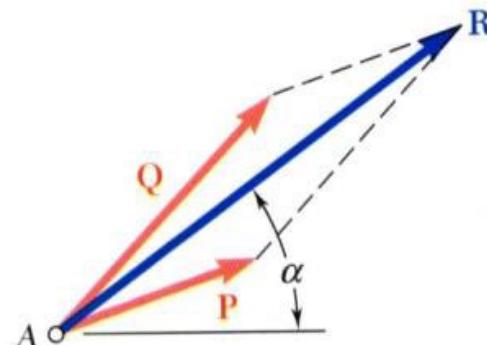
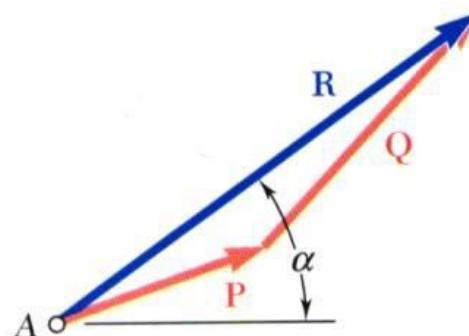
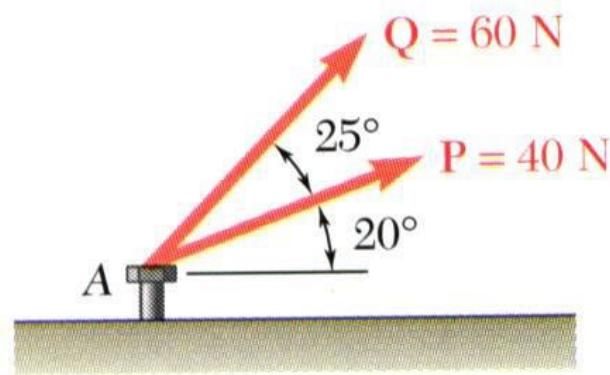
$$\vec{P} + \vec{Q} + \vec{S} = \vec{R}$$

فإن القياس الجبري للمحصلة $|R|$ لا يساوي مجموع القياس الجيري للقوى، إلا إذا كانت جميع القوى متوازية.

$$|P| + |Q| + |S| \neq |R|$$



مثال



A

مثال 1

المطلوب تحديد شعاع محصلة القوى P و Q المطبقة في النقطة A

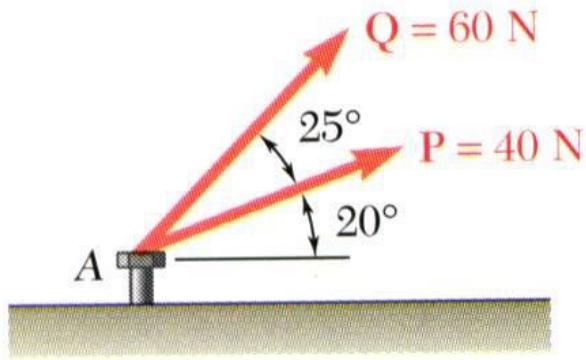
الطريقة التخطيطية

- أنشئ متوازي أضلاع اتجاهه P و Q بأطوال متناسبة مع شدة القوى.
- احسب بالقياس شدة قطر متوازي الأضلاع المكافئ للمحصلة R.
- احسب بالقياس قيمة الزاوية α ميل اتجاه المحصلة R.

القيم بالقياس

$$R = 98 \text{ N} \quad \alpha = 35^\circ$$

أمثلة

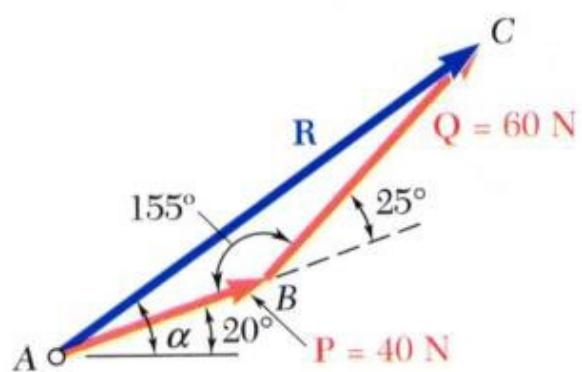


- استخدم قاعدة المثلثات بإضافة الشعاع R بالتزامن مع قانون جيب التمام و قانون الجيب لإيجاد النتيجة.

باستخدام قانون تمام الجيب \cos

$$\begin{aligned} R^2 &= P^2 + Q^2 - 2PQ \cos B \\ &= (40\text{N})^2 + (60\text{N})^2 - 2(40\text{N})(60\text{N})\cos 155^\circ \end{aligned}$$

$$R = 97.73\text{N}$$



باستخدام قانون الجيب \sin

$$\frac{\sin A}{Q} = \frac{\sin B}{R}$$

$$\sin A = \frac{Q}{R} \sin B = \frac{60\text{N}}{97.73\text{N}} \sin 155^\circ$$

$$A = 15.04^\circ$$

$$\alpha = 20^\circ + A = 35.04^\circ$$

$$\alpha = 35.04^\circ$$

نهاية المحاضرة

أمل أن تكونوا قد حققتم الفائدة
شكرا لحضوركم