

الأكاديمية العربية الدولية



الأكاديمية العربية الدولية
Arab International Academy

الأكاديمية العربية الدولية المقررات الجامعية

أسس الهندسة الكهربائية

مجموعة من الأسس الفيزيائية والعلمية والعملية

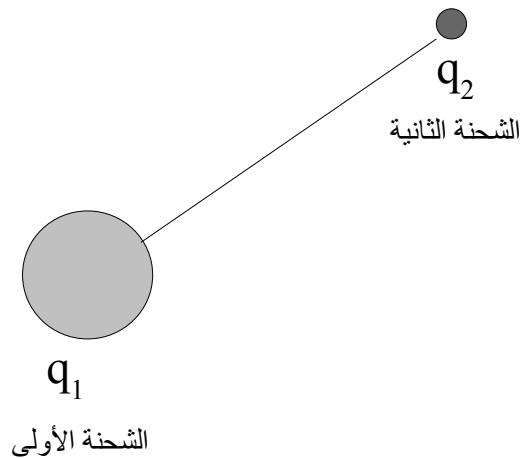
إحياء[®]

3	القوى الرئيسية :
3	قانون كولومب:
5	حساب الطاقة في انتقال شحنة من مكان إلى آخر :
6	الحقل الكهربائي:
7	قانون غاوص
7	التدفق الكهربائي:
8	تعيم قانون التدفق :
10	قانون غاوص :
10	سطح غاوص :
12	حساب الحقل الكهربائي الناتج عن بعض الأشكال:
12	التوزع الخطي(قطعة مستقيمة):
15	التوزع السطحي (سطح دائري):
16	الطاقة الكهربائية الكامنة في الحقل الكهربائي المنتظم :
17	الكمون الكهربائي :
18	فرق الكمون:
18	السطح متساوية الكمون :
19	التيار الكهربائي :
20	مبدأ انفاذ الشحنات و الاستمرارية
21	قانون أوم.....
21	حساب مقاومة ناقل ذو طبقة كروية:
22	حساب ناقلية مادة الكهربائية :
22	تغير المقاومة بتأثير درجة الحرارة :
23	أنواع المقاومات
23	الطاقة في النظم الكهربائية و الإلكترونية:
23	المردود.....
24	مسائل عن الاستطاعة و المقاومة.....
26	جزئ التوتر.....
26	جزئ التيار:
27	المكثفات.....
27	السعة :
27	الطاقة المخزنة :
27	وصل المكثفات :
28	من مثلي إلى نجمي * :
29	من نجمي * إلى مثلي :
29	التيار المتناوب Alternating Current
30	التيار المستمر direct current
31	قوانين كيرشوف:
31	طرق حل الدارات الكهربائية.
31	طريقة تيارات مكسوبل :
33	فرق الكمون العقدي:
35	طريقة التراكم :
38	طريقة ثيفينين و نورتون :
40	توصية
40	مسؤولية الفريق.
40	في حال ورود خطأ.
40	تحديثات:
40	الحقوق :

القوى الرئيسية :

إن القوى الكهرومغناطيسية واحدة من القوى الأربع الرئيسية في الفيزياء ، ولقوى الكهرومغناطيسية دور أساسي في الكون و في الكيمياء أيضاً (الرابطة الميدروجينية ، القوى الأيونية ، فاندر وول) ، ومن خلال فهم هذه القوى سوف نذهب بكم بعيداً لفهم خصائص المواد التي تعامل معها يومياً .

قانون كولومب:



ينص قانون كولومب



إن القوة المتناسبة المعاكسة التي تؤثر بها شحنة على أخرى تساوي إلى جداء قيمة الشحنتين مقسوماً على مربع البعد و بجهة شعاع الواحدة الواصل بين الشحنتين .



و بالتالي فإن :

$$\vec{F} = \frac{k q_1 q_2}{r^2} \hat{r}$$

و هذا من أجل شحنتين فقط ، فماذا لو كان هناك 7 شحنات تؤثر على شحنة Q



و بالتالي فإن كل شحنة سوف تؤثر على الشحنة Q بشكل منفصل و بمنهاها الخاص و لذلك فإن القوة الكلية التي يتم التأثير بها على Q هي المجموع الشعاعي لهذه القوة المتفرقة .

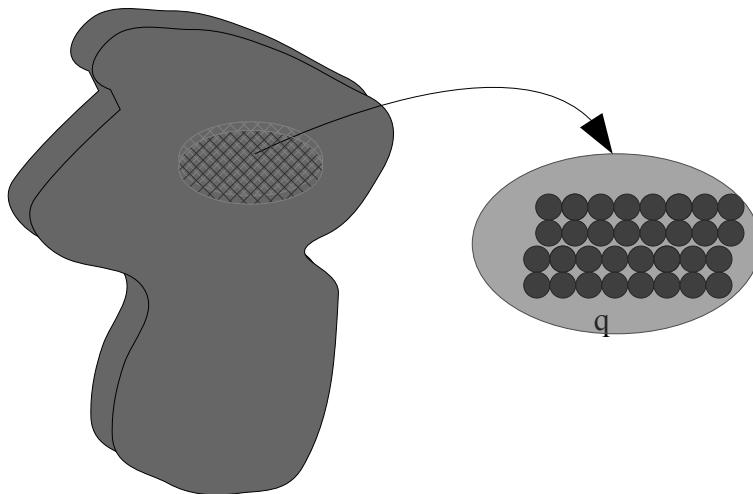
$$\vec{F}_{\text{الكلية}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \vec{F}_4 + \vec{F}_5 + \vec{F}_6 + \vec{F}_7$$

$$= \frac{kQq_1}{r_1^2} \hat{r}_1 + \dots + \frac{kQq_7}{r_7^2} \hat{r}_7$$

ولو أردنا حساب القيمة الكلية للمحصلة أخر جنا طويلة الشعاع المُحصل و هي جذر مربع قيمة المسقط على السينات زائد مربع قيمة المسقط على العينات :

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

وأما لو كانت هذه الشحنات موزعة في جسم ما توزعا لانهائياً أي أن المسافة بين كل شحنة و التي تجاورها صغيرة جداً لدرجة يمكن اعتبارها معدومة ، وبالتالي التوزع أصبح مستمر .



و هذه الشحنة الكلية q منقولة إلى شحنات عنصرية Δq في عنصر حجمي ΔV و في هذه الحالة فإننا نتكلم عن كثافة الشحنات في هذا الجسم ρ و بالتالي تصبح القوة المؤثرة من مجموع هذا الشحنات على شحنة خارجية Q :

$$\vec{F} = K \sum_{i=1}^{i=n} \frac{Q \Delta q_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$

ولكن :

$$\Delta q = \rho \Delta V$$

و يصبح :

$$\vec{F} = K \sum_{i=1}^{i=n} \frac{Q \rho \Delta V_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$

ولكن هذه الحجوم العنصرية صغيرة جداً بحيث تنتهي إلى الصفر و عددها يسعى إلى الlanهية و بالتالي :

$$\vec{F} = K \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{i=1}^{i=n} \frac{Q \rho \Delta V_i}{r_i^2} \hat{r}_i$$

و هذا يماثل تعريف النهاية وبالتالي :

$$\vec{F} = K \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \sum_{i=1}^{i=n} \frac{Q \rho \Delta V_i}{r_i^2} \hat{r}_i = K \int \frac{Q \rho dV}{r^2} \hat{r}$$

و يعمم هذا القانون من أجل باقي الحالات :

التوزع السطحي: حيث تصبح الكثافة σ

$$\vec{F} = K \int \frac{Q \sigma dV}{r^2} \hat{r}$$

التوزع الخطي : حيث تصبح الكثافة λ

$$\vec{F} = K \int \frac{Q \lambda dV}{r^2} \hat{r}$$

حساب الطاقة في انتقال شحنة من مكان إلى آخر :

ليكن لدينا شحنة كهربائية q انتقلت من ال r_1 إلى r_2 و أردننا حساب الطاقة (العمل) الذي بذل لتحقيق هذا الانتقال ، فيزيائياً هي القوة بالانتقال و بسبب هذا الانتقال الذي تغير فيه المسافة فإنه تكامل القوة بالانتقال وبالتالي :

$$W = \int F \cdot dr$$

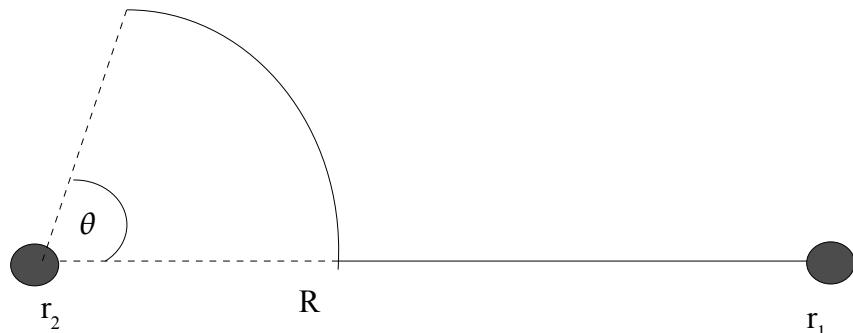
و هذه القوة مساوية لقوة كولومب بالقيمة المطلقة و معاكسة لها بالإشارة ، وبالتالي :

$$W = \int_{\text{كولومب}} -F \cdot dr$$

و على أساس أن هذا الانتقال وفق خط مستقيم فإن ناتج التكامل هو :

$$W = \int -F \cdot dr = \int_{r_2}^{r_1} \frac{-kQq}{r^2} \cdot dr = \left[\frac{kQq}{r} \right]_{r_2}^{r_1} = \frac{kQq}{r_1} - \frac{kQq}{r_2}$$

و الآن لنفرض أن الانتقال هذا لم يتم عبر خط مستقيم ولكن عبر خط متعرج كالتالي :



فإن المسار هو من r_2 إلى R عبر زاوية θ و من R إلى r_1 وبالتالي التكامل يصبح

إحياء[®]

$$W = \int \frac{-KqQ}{r^2} dr = \int_{r_2}^R \frac{-KqQ}{r^2} dr + \int_R^{r_1} \frac{-KqQ}{r^2} dr + \int_0^\theta \frac{-KqQ}{r^2} (R d\theta) = \frac{kQq}{R} - \frac{KQq}{r_2} - \frac{KqQ}{R} + \frac{KQq}{r_1}$$
$$= \frac{KQq}{r_1} - \frac{KQq}{r_2}$$

و بذلك نستنتج أن :



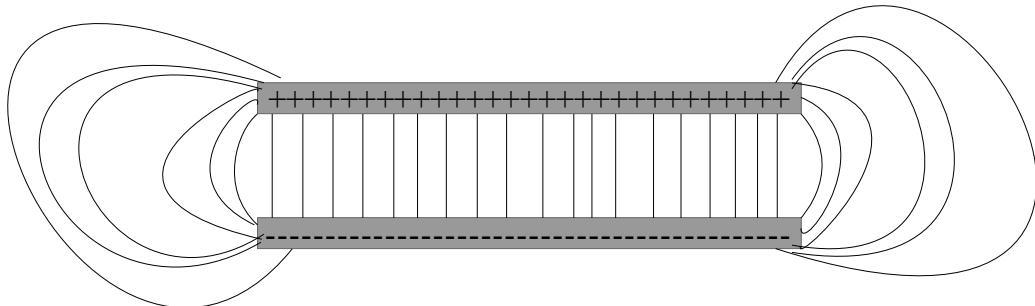
إن العمل المبذول لنقل شحنة من مكان إلى آخر لا يتوقف على الطريق المسلوكة



ملاحظة إن التغير في العمل المبذول يساوي إلى التغير في الطاقة الكامنة $\Delta W = -\Delta U$ ، وأيضاً $U = W$.

الحقل الكهربائي:

يستخدم مفهوم الحقل الكهربائي لتحديد سلوك الجسم المشحون فيما لو وضع في نقطة معينة من الحقل و إن خطوط الحقل تتجه من الموجب إلى السالب كما هو الحال المتولد بين لبوس مكثفة و هذا شكل يوضح ذلك¹ :



و الآن و بما أنه لدينا :

$$F = Eq$$
$$E = \frac{F}{q}$$
$$E = \frac{kq}{r^2}$$

إلينا نعيد كتابة القوانين من أجل الحالات التي مرت في القوانين السابقة :

حساب الحقل من أجل توزع منفصل :

1 هذا الشكل توضيحي وليس دقيق تماماً وقد حدد ماكسويل خطوط الحقل في هذه الحالة بدقة كبيرة .

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3$$

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2}$$

$$\vec{E} = \frac{kq}{r^2} \hat{r}$$

حساب الحقل من أجل توزع مستمر :

$$E = \int dE = k \int \frac{dq}{r^2}$$

قانون غاوس

التدفق الكهربائي:

إن تدفق حقل كهربائي هو بالتعريف عدد خطوط الحقل الكهربائي التي تعبر سطحاً ما . و يعطى بالعلاقة :

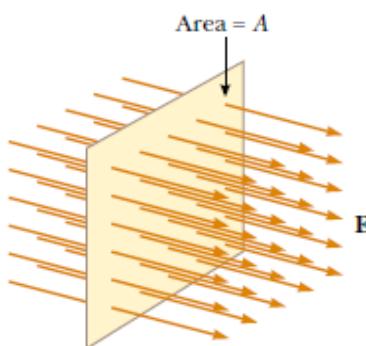
$$\phi = E \cdot A$$

E هي شدة الحقل الكهربائي الذي يجتاز السطح .

A هي مساحة السطح الذي تعبر من خلاله خطوط الحقل الكهربائية .

و تفاصيل تفاصيل $[N \cdot M^2/C]$

كما يوضحه الشكل² :



إحياء[®]

و هذه الحالة من أجل ورود موازي لشعاع الناظم على سطح مستوي و لكن في حال كان الورود غير موازي للناظم فإن

العلاقة تعطى بالشكل :

$$\phi = E \cdot A \cdot \cos \theta : \theta (\vec{E}, \vec{a})$$

و بالأحرى :

$$\phi = \vec{E} \cdot \vec{A} = \vec{E} \cdot \hat{n} A$$

تعتمد قانون التدفق :

إن الحالة السابقة صحيحة من أجل سطح مستوي و لكن ماذا لو كان السطح منحني ؟ الحل أن نجزء السطح إلى مساحات

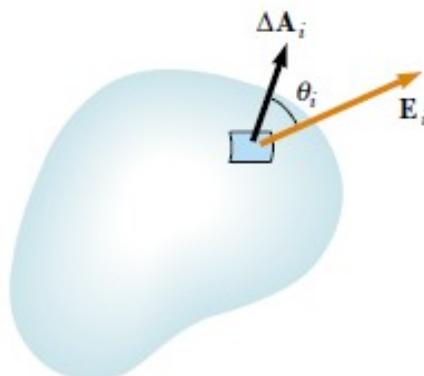
عنصرية dA بحيث تكون صغيرة إلى درجة يمكن اعتبارها مستوية و يكون التدفق الكلي :

$$\phi = \int \vec{E} \cdot d\vec{A} = \int E \cdot dA \cos \theta$$

كما يوضحه الشكل³:

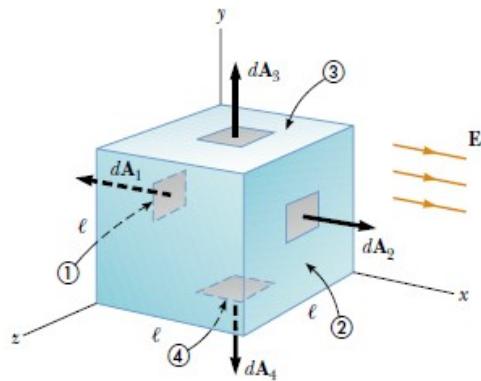
ملاحظة : لقد ثُقق أن شعاع السطح دوماً يكون متوجه إلى الخارج .

مثال :



مسألة (1)

ليكن لدينا المكعب التالي و الذي يخترقه حقل كما في الشكل ، و المطلوب حساب التدفق عبر السطوح الأربعه⁴



: الحل

إن التدفق عبر السطع 4 و 3 معدوم لأن الزاوية بين أشعة الحقل و شعاع السطح هي 90 و كما نعلم

و وبالتالي لم يبق لدينا سوى السطحين 1 و 2 و وبالتالي نكتب :

$$\Phi = E \cdot A$$

$$\Phi = \Phi_1 + \Phi_2 = E \cdot A \cdot \cos 180 + E \cdot A \cdot \cos 180$$

$$= -1(E \cdot A) + 1(E \cdot A) = 0$$

$$\Phi = \Phi_1 + \Phi_2 + \Phi_3 + \Phi_4 = 0 + 0 - 1(E \cdot A) + 1(E \cdot A)$$

$$= 0$$

قانون غاوص :



و ينص إن التدفق عبر أي سطح مغلق يساوي إلى شحنة السطح مقسومة على ثابت عازلية الهواء .



$$\Phi = \frac{q_{in}}{\epsilon_0}$$

إن من تطبيقات قانون غاووص شدة الحقل الكهربائية الناتج عن أي توزع كان للشحنات الكهربائية ، ومن أجل استخدام قانون غاووص لحساب الحقل الكهربائي في مكان ما نتبع الخطوات التالية :

1-اختار سطح غاووص وهو سطح وهي مغلق **مار من النقطة المراد حساب شدة الحقل الكهربائية عندها** .

2-يجب أن تقع الشحنات الكهربائية داخل سطح غاووص .

3-من الأفضل اختيار سطح غاووص متواز لحساب مساحة سطحه .

و بالتالي نستطيع أن نكتب و بما أنه لدينا الآن قانونان لحساب التدفق(أو الحقل الكهربائي):

$$\Phi = \frac{q_{in}}{\epsilon_0} = \int E \cdot dA$$

حيث q_{in} هي الشحنة داخل سطح غاووص و بينما A هي سطح غاووص .

مسألة (2)

فرض لدينا شحنة نقطية و طلب منا حساب التدفق الكهربائي الناتج عنها و اخترنا سطح غاووص عبارة عن كرة و حسبنا التدفق الكهربائي الناتج ، ماذا يحدث عندما :

(أ) نأخذ سطح غاووص مكعب بدلاً من كرة .

(ب) نغير موضع الشحنة .

(ج) نضاعف قيمة الشحنة .

(د) يتضاعف قطر الكرة (سطح غواص) .

الحل :

(أ) نأخذ سطح غاووص مكعب بدلاً من كرة .

لن يؤثر ذلك في التدفق الكهربائي شيء لأن عدد الخطوط التي ستعبر هذا السطح هو ذاتها .

(ب) نغير موضع الشحنة .

قانون غاووص يطبق بإهمال موضع الشحنة داخل سطح غاووص مهما كان موضعها، لذلك التدفق لن يتأثر .

(ج) نضاعف قيمة الشحنة .

سيتضاعف قيمة التدفق .

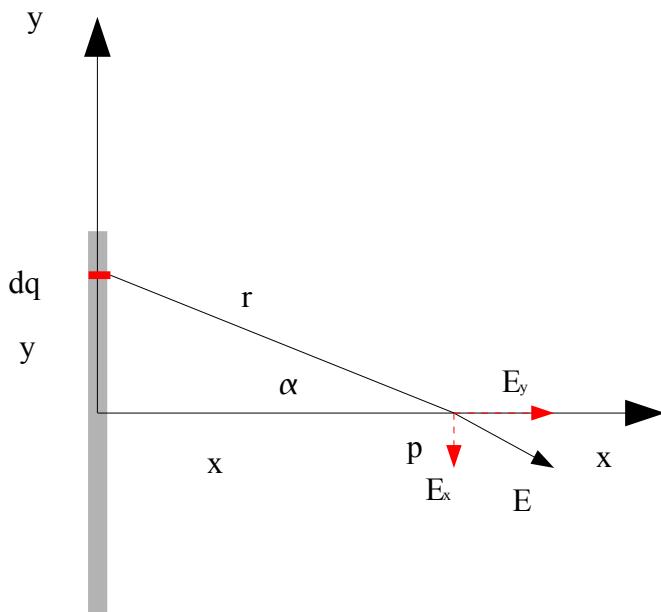
(د) يتضاعف قطر الكرة (سطح غواص) .

التدفق لا يتأثر بتغيير مساحة سطح ، سطح غاووص .

حساب الحقل الكهربائي الناتج عن بعض الأشكال:

التوزع الخطي (قطعة مستقيمة):

ليكن لدينا قطعة مستقيمة و شحناها بشحنة موجبة فإن هذه الشحنة تتوزع تلقائياً بشكل خطي على هذه القطعة.



حساب الحقل :

1- بطريقة التكامل :

نعلم أن :

$$\vec{E} = \vec{E}_x + \vec{E}_y$$

و بالتالي فإن القيمة الحبرية للحقل هي:

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2}$$

و لكن لاحظ تناظر القطعة أي أن المحور الذي تتوضع عليه النقطة المراد حساب الحقل الكهربائي عندها في المنتصف ، و بالتالي المساقط على المحور oy معروفة و بالتالي تبقى المحصلة على محور الـ ox .

$$dE_x = dE \cdot \cos \alpha$$

$$dE = \frac{k \cdot dq}{r^2}$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\cos \alpha = \frac{x}{r}$$

و بالتالي:

$$\begin{aligned}
 E &= \int dE \\
 E &= \int_{-a}^{+a} \frac{k \cdot dq}{r^2} \times \frac{x}{r} \\
 E &= \int_{-a}^{+a} \frac{k \cdot dq}{(\sqrt{x^2 + y^2})^3} \times x
 \end{aligned}$$

ولكن : $dq = d(\lambda \cdot y)$

و بالتعويض :

$$\begin{aligned}
 E &= \int_{-a}^{+a} \frac{k \cdot d(\lambda \cdot y)}{(\sqrt{x^2 + y^2})^3} \times x \\
 \lambda &= \frac{q}{2a} \\
 E &= \int_{-a}^{+a} \frac{k \cdot dy \cdot q}{(\sqrt{x^2 + y^2})^3 \cdot 2a} \times x \\
 E &= \frac{k \cdot q \cdot x}{2a} \int_{-a}^{+a} \frac{dy}{(\sqrt{x^2 + y^2})^3}
 \end{aligned}$$

و بالتكامل نجد :

$$E = \frac{k \cdot q}{x \sqrt{x^2 + y^2}}$$

و نميز الحالات :

1- القطعة لا نهاية الطول :

نعرض q بـ $2a \cdot \lambda$ و نقسم البسط و المقام على طول القطعة و بالتالي نجد :

$$E = \frac{2 \cdot k \cdot \lambda}{x}$$

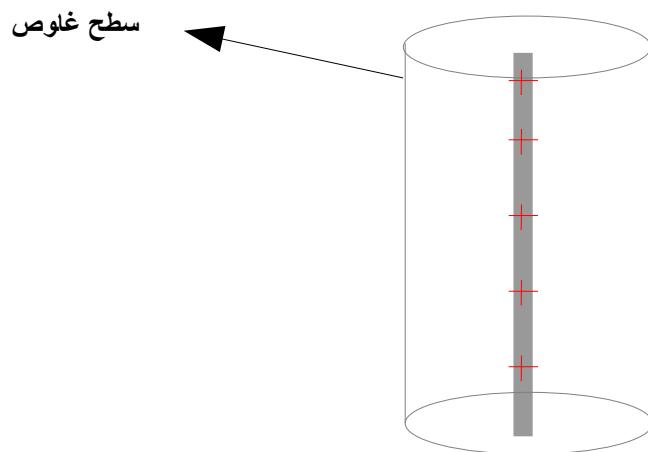
2- النقطة المراد حساب الحقل عندها بعيدة جداً بقارنة بطول القطعة المستقيمة :

أي أن y مهملة أمام $-x$ و بالتالي :

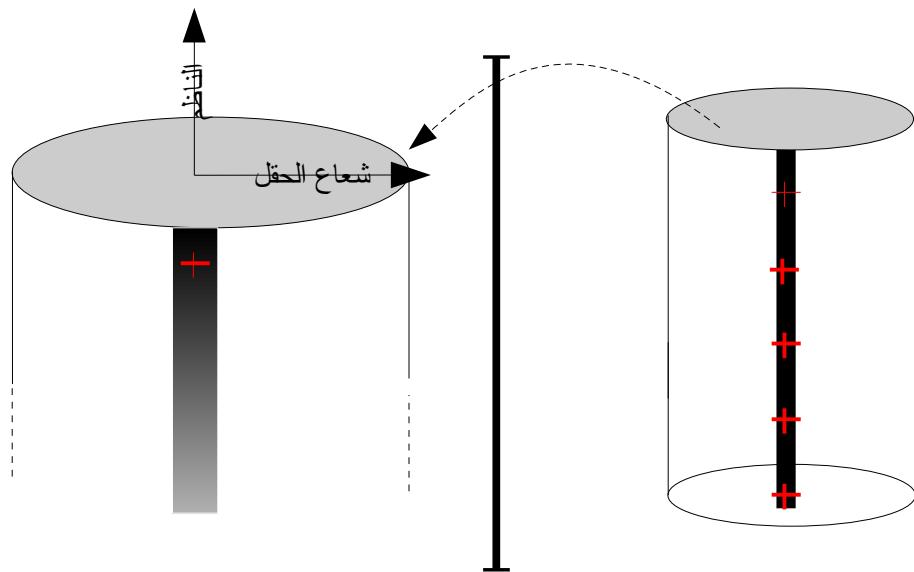
$$\begin{aligned}
 E &= \frac{k \cdot q}{x \sqrt{x^2}} \\
 E &= \frac{k \cdot q}{x^2}
 \end{aligned}$$

2- و الأن نحسب الحقل لنفس الحالة باستخدام قانون غاوش :

$$\phi = \phi_{\text{السطح الجانبي}} + \phi_{\text{قاعتين}}$$



ولكن التدفق عبر القاعتين معدوم لأن الزاوية بين نظام كل من القاعتين و الحقل الكهربائي قائمة و بالتالي التدفق معدوم



نكتب قانون غلوص :

$$\phi = E \cdot \int dA = \frac{Q_{inclus}}{\epsilon_0}$$

$$\phi = E \cdot 2\pi \cdot r \cdot l = \frac{\lambda \cdot l}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\lambda \cdot l}{2\pi \epsilon_0 \cdot r \cdot l}$$

$$E = \frac{2k\lambda}{r}$$

التوزع السطحي (سطح دائري):



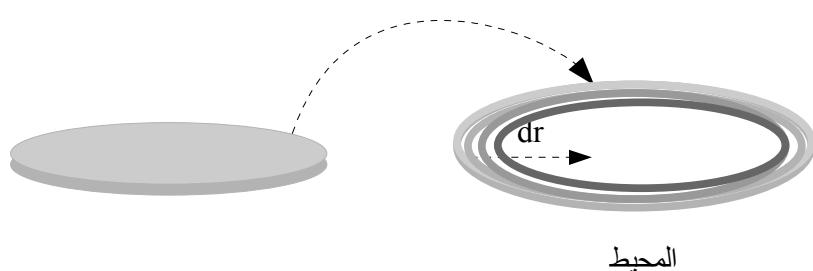
1- باستخدام التكامل:

لدينا أيضاً المحصلة على محور العينات معروفة و المحصلة على السينات هي :

$$E = \int dE \cdot \cos \alpha$$

$$E = \int \frac{k \cdot dq}{R^2} \times \frac{x}{R}$$

ولكن ة بما أن المساحة هي المحيط بالقطر في هذه الحالة



فإن :

$$E = \int \frac{k \cdot 2\pi \cdot r \cdot dr \cdot \sigma}{R^3}$$

$$E = k \cdot 2\pi \cdot \sigma \int \frac{r \cdot dr}{(x^2 + r^2)^3}$$

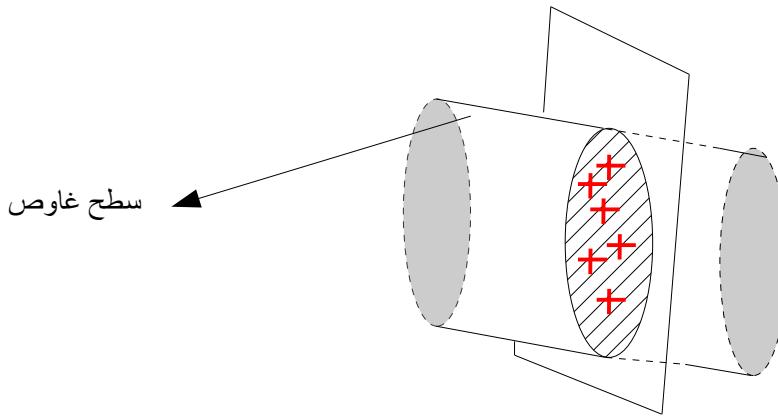
و هذا التكامل يمكن حسابه حيث نلاحظ أن البسط مشتق المقام و بالتالي الناتج النهائي بعد التويיס بأطراف التكامل من 0 إلى R هو:

$$E = \frac{\sigma \cdot x}{2\epsilon} \left[\frac{-1}{\sqrt{x^2 + R^2}} + \frac{1}{x} \right]$$

وعندما يكون السطح لا نهائي فإن الحقل و بإهمال الـ x يصبح :

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon}$$

2- باستخدام سطح غاووص:



أخذنا سطح غاووص هو الأسطوانة و قاطعنا المستوى معه.
نكتب قانون غاووص :

$$\phi = \int E \cdot dA = \frac{Q_{inclus}}{\epsilon_0}$$

$$\phi = E \cdot A = \sigma \cdot \frac{S}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot A = \sigma \cdot \frac{S}{\epsilon_0} : (2s = A)$$

$$E = 2 \cdot E_1 = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \cdot 2}$$

الطاقة الكهربائية الكامنة في الحقل الكهربائي المنتظم :

إذا وضع جسم مشحون بشحنة كهربائية موجبة q_0 ضمن حقل كهربائي منتظم ، فإنه سيخضع إلى قوة كهربائية تعطى

بالعلاقة

$$\vec{F} = q_0 \vec{E}$$

و هذه القوة ستقوم بعمل ، لدى انتقال الشحنة مسافة قدرها dL ، قيمتها :

$$dW = F dl = q_0 E dl$$

و يكون العمل الكلي، من أجل انتقال الشحنة من النقطة a إلى النقطة b ، مساوياً:

$$W = \int dW = \int \vec{F} d\vec{l} = \int q_0 \vec{E} d\vec{l}$$

و بما أن الحقل منتظم (له قيمة ثابتة في كل نقطة من نقاط الحقل) ، فإن العمل يساوي :

$$W = \int dW = \int F dl = \int q_0 E dl$$

و إن العمل اللازم لنقل جسيم من نقطة a إلى نقطة b يساوي تغير الطاقة الكامنة U من a إلى b أي أن :

$$W_{a \rightarrow b} = -\Delta U_{ab} = U_a - U_b$$

و أيضاً حسب مبدأ انحفاظ الطاقة ، ونظرية العمل و الطاقة ، فإن العمل السابق يمثل الطاقة الحركية في a و الطاقة الحركية في b

$$W_{a \rightarrow b} = \Delta k_{ab} = k_b - k_a$$

و يمكن أن نكتب العلاقة السابقة بالشكل التالي :

$$U_a + k_a = U_b + k_b$$

و تدل العلاقة الأخيرة على مبدأ انحفاظ الطاقة ، أي أن مجموع الطاقة الحركية و الكامنة مصان ، فعندما تتسارع الشحنة الكهربائية q ضمن الحقل الكهربائي ، تزداد طاقتها الحركية و تتنقص الكامنة .

الكمون الكهربائي :

تسمى النسبة التالية بالكمون الكهربائية و التي تمثل الطاقة الكامنة للشحنة المتأثرة من الحقل الكهربائي على مقدار الشحنة

الكهربائي .

$$V = \frac{U}{q_0}$$

و وبالتالي فإن الكمون مقدار سلمي ⁵ واحدته هي [جول/كولون] و لكن سيمت بالـ[الفولط⁶] .

5 هذا يعني أنه يتحدد بقيمة فقط و لا يحتاج إلى اتجاه و منحى بعكس القوة الميكانيكية و التي تعتبر مقدار شعاعي .

6 نسبة إلى العالم فولتا

و في حال أثنا جلبنا شحنة كهربائية q_0 من مسافة بعيدة جداً عن الشحنة الكهربائية q إلى النقطة p و التي تبعد عنها مسافة 2 ، فإن العمل المبذول ضد القوة الكهربائية يساوي زيادة في الطاقة الكامنة .

فرق الكمون:

نستخدم عادةً فرق الكمون بين نقطتين a و b لأنَّ هذا الفرق يحدد التغير الطارئ على الطاقة الكامنة للشحنة عندما تنتقل من نقطة إلى أخرى . فإذا قسمنا العلاقة 3 على q_0 نجد :

$$\frac{W_{a \rightarrow b}}{q_0} = - \left(\frac{U_b - U_a}{q_0} \right) = V_a - V_b$$

و هنا نلاحظ أن فرق الكمون هو العمل اللازم لنقل الشحنة الكهربائية من a إلى b ⁷

و بذلك نستطيع أن نكتب الكمون الكهربائية الذي ورد تعريفه في الفقرة السابقة بالشكل :

$$V = \int_{\infty}^p \frac{F}{q_0} dr = \int_{\infty}^p \frac{q_0 E}{q_0} dr$$

و لاحظ هنا أنه أصبح لدينا واحتنان متكافئان للحقل الكهربائي و هما :

(نيوتون/كولون)⁸ و (فولت/متر) .

السطح متساوية الكمون :



سطح تساوية الكمون هو المحل الهندسي للنقاط التي يكون كمونها 7 بالنسبة للمحاور الثلاثة، مقدار ثابت في جميع نقاط هذا السطح و كل سطح يوافق قيمة معينة من الكمون



و تتصف سطوح تساوي الكمون بالصفتين التاليتين :

- سطوح تساوي الكمون لا يمكن أن تتقاطع ، لأن الكمون الكهربائي له قيمة وحيدة في كل نقطة من نقاط الفراغ .

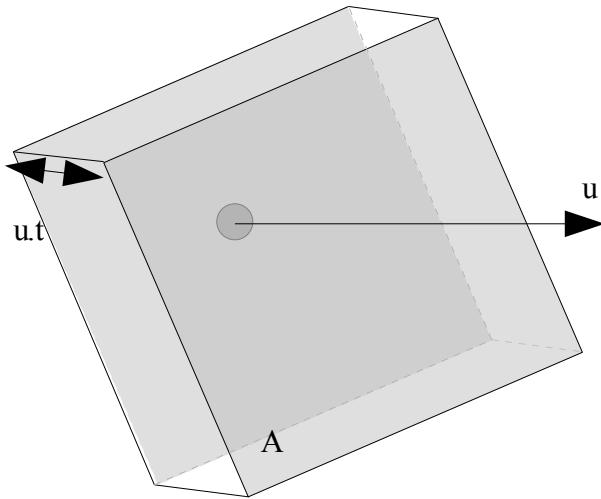
7 لاحظ إذاً الفرق بين الكمون و فرق الكمون من حيث التعريف .

8 من تعريف الحقل الكهربائي ($E=F/Q$)

- سطوح تساوي الكمون في أي نقطة ، يكون متعامداً مع استقامة الحقل الكهربائي.

التيار الكهربائي :

إن مصطلح التيار الكهربائي يصف عدد الشحنات خلال زمن ما و التي تتدفق عبر منطقة ما .
لفترض أنه لدينا شحنات متماثلة q ذات كثافة ρ تتحرك بسرعة u ، فما هو التيار الذي يمر؟



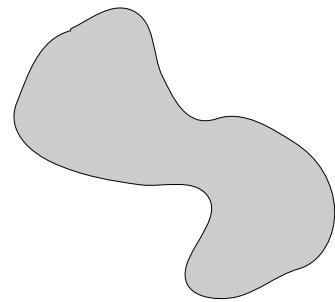
للإجابة عن هذا السؤال لابد لنا أن نعلم أن التيار وبحسب تعريفه هو : $\frac{\text{عدد الإلكترونات}}{\text{زمن ما}} \cdot \Delta t$. و بالتالي يجب أن نحسب عدد الإلكترونات المتداقة خلال Δt .

عدد هذه الإلكترونات = الكثافة * الحجم ، الكثافة هي ρ أما الحجم = مساحة الوجه * المسافة التي يمتدها هذا الشكل ، وهذه المسافة تساوي السرعة مضروبة بزمن القطع و بالتالي :

$$\begin{aligned} I &= \frac{n}{\Delta t} \\ &= \frac{A u \Delta t \rho}{\Delta t} \\ &= A u \rho \end{aligned}$$

و المقدار $u \rho$ يسمى تيار الكثافة j و بالتالي : $I = j A$

تعظيم :
لتعظيم هذا القانون لابد لنا أن نناقش الحالة العامة و هي ، ماذا لو كان السطح غير منتظم و لا متناسب كهذا ، مثل :

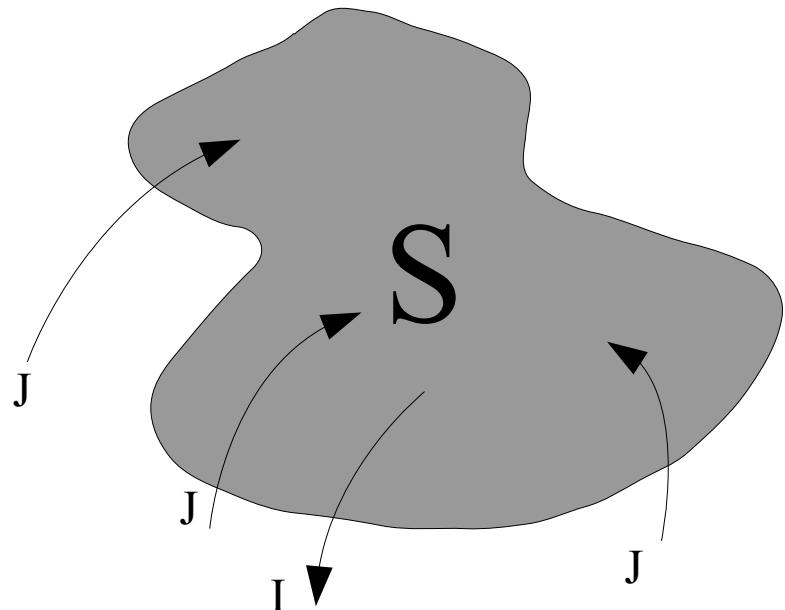


و بالتالي تعمم القانون بأن يصبح بالشكل التالي :

$$I = \int j dA$$

مبدأ انحصار الشحنات والاستمرارية

ليكن لدينا شحنات تجتاز هذا السطح المغلق .



و لا بد أنه هناك شحنات تمر عبر هذا السطح :

$$\oint_S j dA = -\frac{d}{dt} Q_{\text{الكلية}}$$

و لكن باستخدام دساتير في التحويل إلى التكامل الثلاثي نكتب

$$\iiint_S \Delta J \, dv = \oint_S J \, dA$$

ونعلم أن $\rho = \frac{dq}{dv}$ و بالتالي $Q = \iiint_V \rho \, dv$ وبالعودة للعلاقة :

$$1 \quad \iiint_V \Delta j \, dv = \frac{-d}{dt} \iiint_V \rho \, dv$$

$$2 \quad = \iiint_V -\frac{d\rho}{dt} \, dv$$

و بالمقارنة بين 1 و 2 نجد أن :

$$\Delta j = -\frac{d\rho}{dt} \quad \text{بالتالي} \quad \Delta j + \frac{d\rho}{dt} = 0$$

و تسمى بمعادلة الاستمرارية وهي تخبرنا عندما يكون التيار ثابت عندما $\frac{d\rho}{dt} = 0$ و بالتالي $\Delta j = 0$

قانون أوم

إن التيار الكهربائي ناتج عن تطبيق حقل كهربائي على مادة معينة مما يسبب في انتقال هذه الشحنات و تحركها مسبباً مرور التيار الكهربائي و يتم رسم العلاقة بين هذا التيار و الحقل عبر قانون يسمى قانون أوم و الذي يقول :

$$\vec{J} = \sigma \vec{E}$$

حيث J هي تيار الكثافة و σ هي ثابت ناقلة المادة .

ملاحظة : بعض الناس يقررون أن يتم إسناد الحرف C إلى σ كي نميرها عن تركيز الشحنات في السطح التي تستخدم الرمز نفسه ، فيصبح σ_c ثابت الناقلة و σ_q لتركيز الشحنات في السطح .

إن قانون أوم يأتي بصيغتين ، ولقد أردنا الأولى و التي تعتبر النسخة المصغرة عن القانون و الآن نورد النسخة الثانية و لكن لابد من شيء من التedium إليها قبل ذلك .

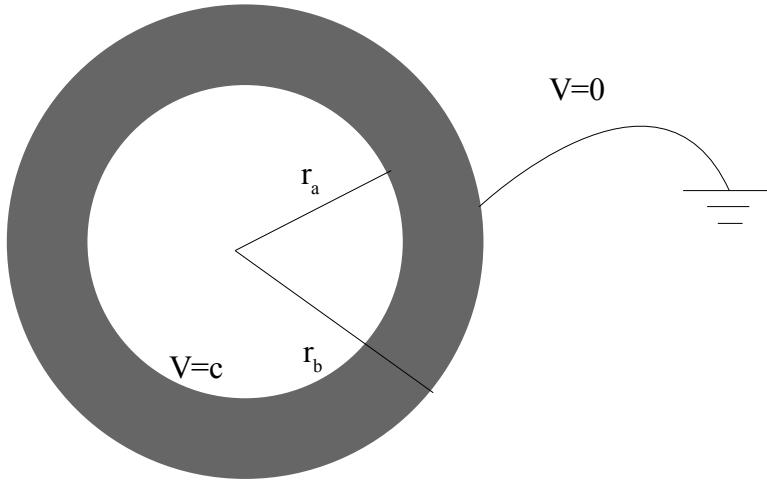
كما علمنا أن $I = JA$ و أن $J = \sigma E$ و أن $V = EL$ (راجع فقرة فرق الكمون الكهربائي لتجد ذلك صحيح) و بالتالي و بالمساواة

$$\frac{1}{\sigma} \frac{L}{A} \rightarrow R \quad \text{أو المقاومة و بالتالي يصبح القانون بالشكل التالي :} \quad V = \frac{1}{\sigma} \frac{LI}{A} = J = \frac{I}{A} = \sigma \left(\frac{V}{L} \right)$$

$$V = RI$$

حساب مقاومة ناقل ذو طبقة كروية :

يتتألف هذا الناقل من كرة مفرغة من الداخل ذات غلاف سميك كما يلي :



لدينا حسب قانون أوم :

$$V = \frac{V}{I} \quad \text{وأيضاً} \quad I = AJ \quad \text{و بال التالي} \quad J = \sigma_c E \quad \text{و نحسب الان}$$

$$V = \int_{r_a}^{r_b} E \cdot dr = \int_{r_a}^{r_b} \frac{KQ}{r^2} \cdot dr = \left[-\frac{KQ}{r} \right]_{r_a}^{r_b} = \frac{KQ}{r_a} - \frac{KQ}{r_b} = \frac{KQ(r_b - r_a)}{r_a r_b}$$

$$\text{نجد أن : } I = \frac{V}{R} \quad \text{و بال التالي} \quad I = (4\pi r^2) \left(\sigma \left(\frac{V r_a r_b}{(r_b - r_a) r^2} \right) \right) \quad \text{و لدينا} \quad E = \frac{V r_a r_b}{(r_b - r_a) r^2}$$

$$R = \frac{r_b - r_a}{\sigma 4\pi r_a r_b}$$

حساب ناقلية مادة الكهربائية :

و المقصود هنا هي σ_c كما نعلم أن القانون يقول :

$\frac{LI}{AV} = \sigma_c \frac{L}{AR}$ و بالتبديل في هذا القانون $\sigma_c = \frac{LI}{AV}$ و بال التالي $\rho = \frac{AR}{L}$ و $R = \frac{\rho L}{A}$ الناقلية بهذه الطريقة .

و ترتيب المواد الناقلية من حيث ناقليتها كما يلي : (الفضة - النحاس- الذهب-الألمانيوم).

تغير المقاومة بتأثير درجة الحرارة :

ان المقاومة لا تظل ثابتة عند تغير درجة الحرارة حيث أن المقاومة قد تزيد أو تنقص و ذلك تبعاً لنوع المادة الناقلة (معدن-سائل-نصف ناقل) و هناك علاقة تنظم هذا الامر و تعتمد على المعامل الحراري α .

وتحسب حسب العلاقة : $\frac{R1}{R2} = \frac{1 + \alpha t_1}{1 + \alpha t_2}$ حيث R_1 هي المقاومة في درجة الحرارة t_1 و R_2 هي المقاومة في درجة الحرارة t_2 .

و غالباً $\alpha = \frac{1}{t_0}$ حيث أن t_0 هي درجة الحرارة التي تصبح المقاومة فيها معروفة و تقدر درجات الحرارة هذه بالسيليسبيوس .

أنواع المقاومات

هناك نوعين من أنواع المقاومات : ثابتة و متغيرة %



متغيرة



ثابتة

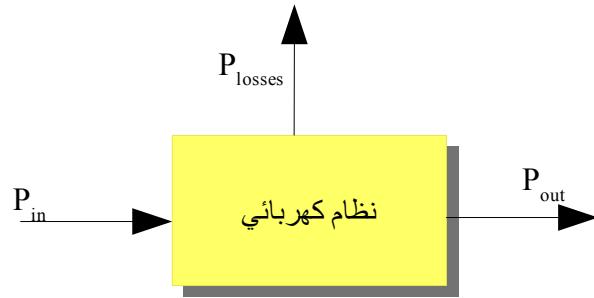
الطاقة في النظم الكهربائية و الإلكترونية:

بما أن $I = \frac{Q}{t}$, $V = \frac{W}{Q}$ و منه $W = QV$ و بالتالي الطاقة تعطى بالعلاقة $W = VIt$ و توجد علاقة تربط بين الاستطاعة الكهربائية و الاستطاعة الميكانيكية و هي حسان بخاري = 746 واط .

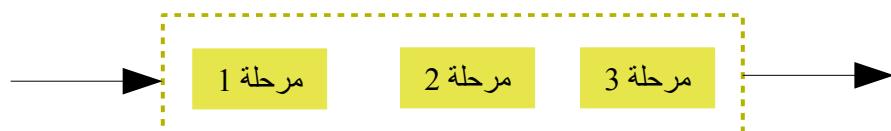
المردود

إن المردود السعى يؤدي إلى طاقة ضافة ضاغطة و تكاليف زائدة ، و يرمز لها بالرمز η و هو عبارة عن الاستطاعة الناتجة على الإستطاعة الأصلية .

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100$$



و بالتالي فإن $\eta = \frac{P_{out}}{P_{in} + P_{losses}} \times 100$ و منه $P = P_{in} + P_{losses}$ ينتج $\eta = \frac{1}{1 + \frac{P_{losses}}{P_{out}}} \times 100$.
 وبالتالي لاحظ أنه كلما كان نسبة الضياع صغيرة جداً كلما سعى هذا الكسر إلى الصفر وبالتالي المردود أصبح قريب من المئة ، و عندما يكون الاستطاعة الناتجة تساوي الاستطاعة الضائعة يكون قيمة الكسر تساوي الواحد و بالتالي المردود يكون 50 بالمئة .
 وإذا كان الجهاز يتكون من عدة مراحل فإن المردود الكلي يساوي جداء مردودات كل مرحلة .

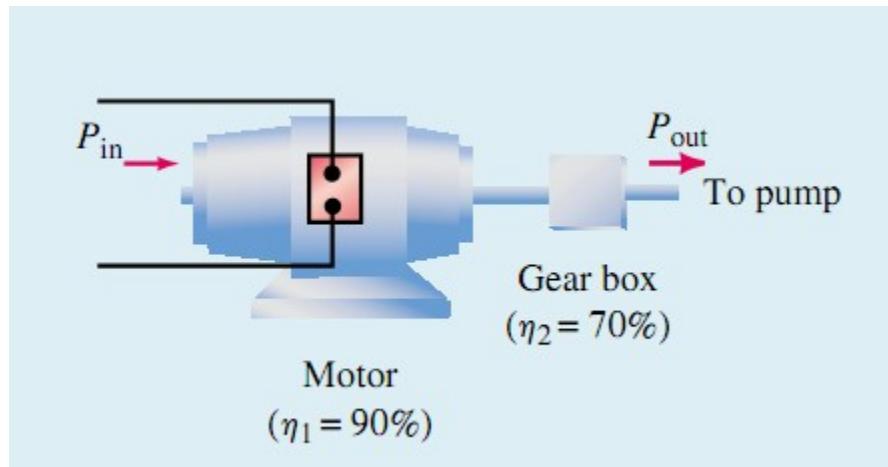


$$\eta_{\text{الكلي}} = \eta_1 \times \eta_2 \times \eta_3$$

مسائل عن الاستطاعة و المقاومة

المسألة (1):¹⁰

إذا كان لدينا الشكل التالي يبين لنا آلة تتألف من موتور و قضيب يستخدم للحفر و يبين الشكل المردود في كل مرحلة و كان الجهد الذي يستهلكه المحرك هو 1200 واط فما هي القوة الميكانيكية الناتجة .



الحل:

$$\begin{aligned}\eta_{\text{الكلي}} &= \eta_{\text{motor}} \times \eta_{\text{gear box}} \\ &= 0.9 \times 0.7 = 0.63 \\ P_{\text{out}} &= \frac{1200 \times 0.63}{746} = 1.013404826 \quad \text{horsepower}\end{aligned}$$

المسألة(2):

تضخ مضخة ماء إلى منزل يبعد عهناً مسافة 11 متر فإذا كانت قيمة مقاومة الدارة الكهربائية التي تؤمن عمل المضخة تساوي 0.56 أوم أوجد مقطع السلك الناقل علمًا أن الدارة تتكون من سلكين.

الحل:

$$\begin{aligned}R &= \rho \frac{L}{S} \longrightarrow 11*2 \\ 0.56 &= 1.724 \times 10^{-8} \\ S &= [6.773 \times 10^{-7}] \text{m}^2\end{aligned}$$

المسألة(3):

ما هي الطاقة اللازمة لإنارة مصباح كهربائي استطاعته 60 واط لمدة سنة كاملة 360 يوم

$$W = P \cdot T = (60) \overbrace{(360)(24)}^{\text{ساعي}} = 518400 \text{ واط ساعي}$$

المسألة(4):

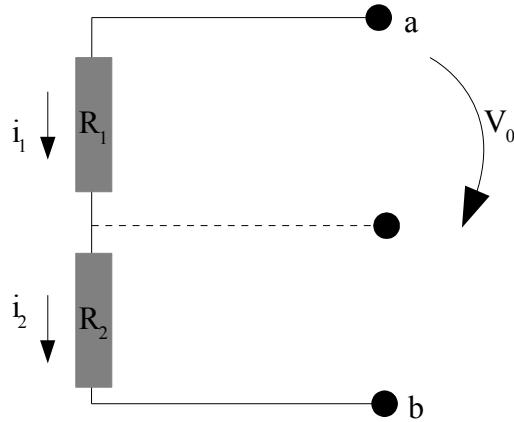
كم دقيقة عمل لجهاز تلفزيون استطاعته (205) واط يمكن أن يعمل ، إذا كانت الطاقة المتوفرة هي: (4) واط ساعي.

الحل:

$$T = \frac{W}{P} = \frac{4}{205} = 1.17 \text{ دقيقة}$$

جزئ التوتر

نأتي فكرة جزئ التيار من وصل مقاومات على التسلسل فكما نعلم أن التيار الذي يمر عبرها متساوي و أما التوتر فلا ، فلو وصلنا مقاومتين لجزئ التوتر و هذا توضيح ذلك .



فلو كنا نعلم التوتر الكلي V_{ab} مثلاً و أردنا حساب V_1 فالعمل هو حساب المقاومة الكلية و حساب شدة التيار i_1 و هي بطبيعة الحال متساوية لـ i_2 و بال التالي

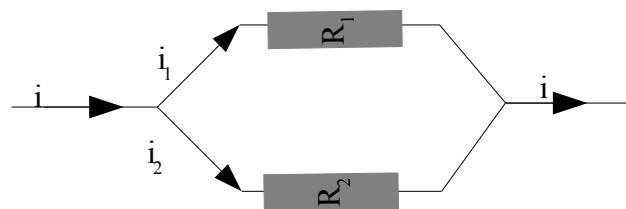
$$\begin{aligned} i_{\text{الكلية}} &= i_2 \\ \frac{V}{R} &= \frac{V_2}{R_2} \\ V_2 &= V \frac{R_2}{R} \end{aligned}$$

و بالتالي يعمم هذا القانون .

و يستفاد من هذه الطريقة في الكمون الناتج بين طرفي كل مقاومة من المقاومات الموصولة على التسلسل .

جزئ التيار:

كما ورد سابقاً مع اختلاف وصل المقاومات على التفرع و يكون عندها فرق الكمون متساوي بين المقاومتين



إحياء[®]

و بفرض أن التوتر الكلي معلوم ، فإنه يتم حساب المقاومة المكافئة و التيار الكلي عبر قانون أوم و يتم حساب التيار في كل فرع عبر مा�يلي :

$$\begin{aligned} V_{\text{كلي}} &= V_1 \\ R \cdot i &= R_1 \cdot i_1 \\ i_1 &= i \frac{R}{R_1} \end{aligned}$$

المكثفات

يرمز للمكثفات بالرمز التالي :



و تتألف من لبوبين بينهما عازل و تستخدم المكثفات في احتزان الشحنات و بالتالي الطاقة .
تقر سعة المكثفة بالفاراد و هي واحدة كبيرة أي تقابل مكثفة كبيرة جداً لذلك نستخدم أجزاء هذه الوحدة الميكرو (10^{-6}) و الليكرو (10^{-12}) و النانو (10^{-9}).

قوانين تتعلق بالمكثفة :

السعة :

يعطى بالعلاقة

$$C = \frac{Q}{V_{ab}}$$

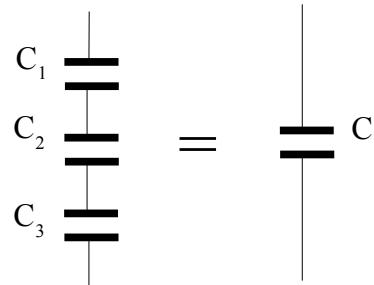
الطاقة المخزنة :

تستنتج كما يلي

$$\begin{aligned} dw &= V dq \\ w &= \int dw = \int V dq = \int \left(\frac{q}{C} \right) dq \\ w &= 1/2 \frac{q^2}{C} = 1/2 C v^2 \end{aligned}$$

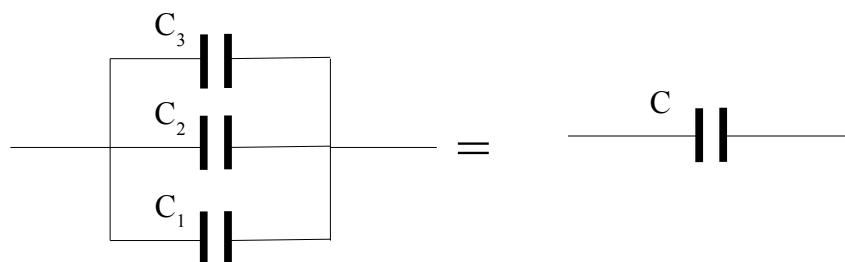
وصل المكثفات :

على التسلسل :



$$\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

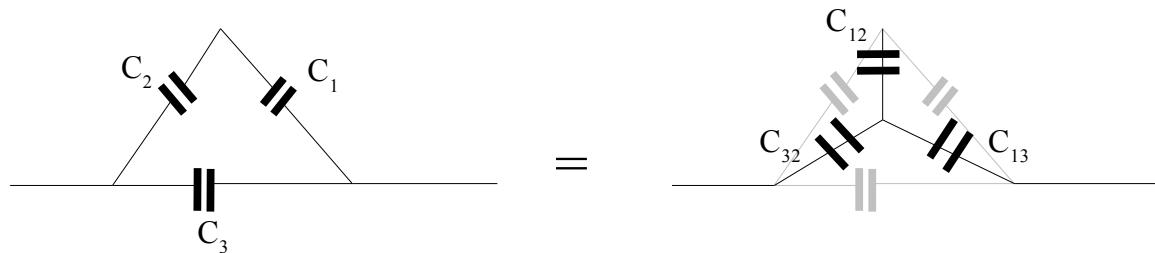
على التفرع :



$$C = C_1 + C_2 + C_3$$

قوانين التحويل في التوصيل :

من مثلث إلى نجمي * :

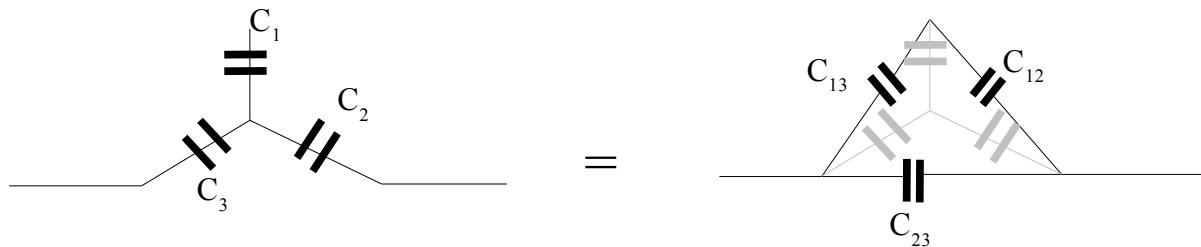


$$C_{12} = C_1 + C_2 + \frac{C_1 C_2}{C_3}$$

$$C_{32} = C_3 + C_2 + \frac{C_3 C_2}{C_1}$$

$$C_{13} = C_1 + C_3 + \frac{C_1 C_3}{C_2}$$

من نجمي* إلى مثلث Δ :



$$C_{13} = \frac{C_1 C_3}{C_1 + C_3 + C_2}$$

$$C_{12} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_3 + C_2}$$

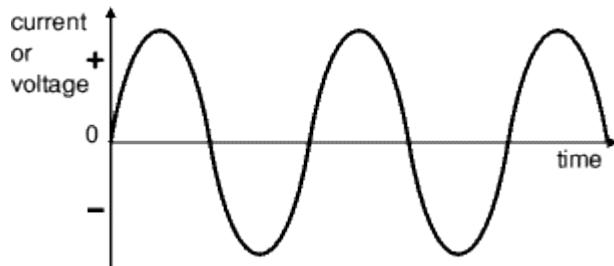
$$C_{23} = \frac{C_2 C_3}{C_1 + C_3 + C_2}$$

أنواع التيارات¹²

التيار المتناوب **Alternating Current**

أو يرمز له اختصاراً **AC**

إن فولط التيار المتناوب يتناوب بين الموجبة والسلبية مع تغير الزمن و معدل هذا التغير يسمى **frequency** و هو مقلوب الزمن اللازم لإعادة الدورة خلال الزمن و يقدر بالـ هرتز (Hz) ، ويظهر تغير الفوت خلال الزمن كالشكل الآتي :



و عادة ما يكون تيار المدن ذو تواتر 50 هرتز كما في بريطانيا وبالتالي فإن زمن إعادة الدورة في هذا التيار تساوي :

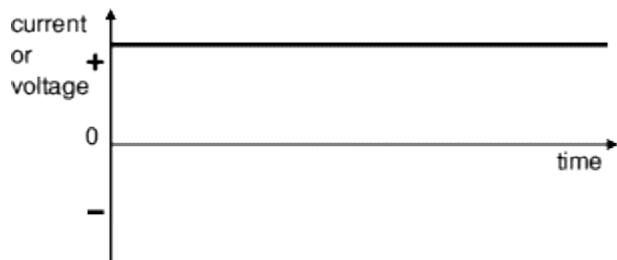
$$\text{time} = \frac{1}{\text{frequency}} = \frac{1}{50} = 0.02 \text{ sec}$$

و يكون التيار التناوب مناسباً لتشغيل بعض الأجهزة مثل المصايبخ و لكن بعض الأجهزة تتطلب تياراً مستمراً.

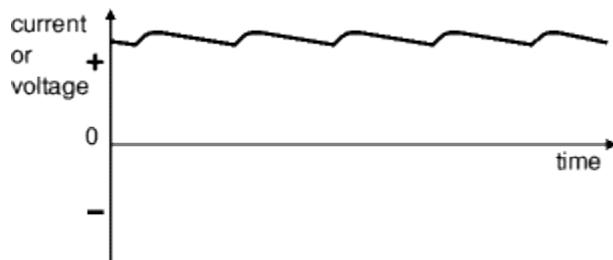
التيار المستمر **direct current**

أو يرمز له اختصاراً **DC**

و يكون الفولط ثابت تماماً و يكون إما موجب أو سالب و للتيار المستمر أشكال منها



Steady DC



Smooth DC

أما **steady dc** فهو ناتج عن منبع مثل البطارية أما **smooth dc** فهو ناتج عن تقويم التيار المتناوب باستخدام أنصاف النوافل و المكثفات

قوانين كيرشوف:

قانون كيرشوف الأول:

المجموع الجبري للتيارات الكهربائية التي تلتقي في عقدة واحدة يساوي الصفر إذا أخذنا التيار الذي يخرج من العقدة موجباً و الذي يدخل إلى العقدة سالباً . قانون كيرشوف الأول

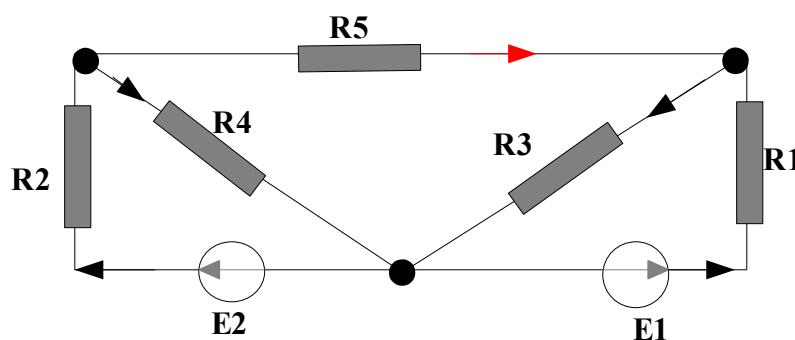
قانون كيرشوف الثاني :

مجموع القوى المحركة التي تعمل على مختلف أضلاع حلقة في دارة كهربائية يساوي مجموع هبوطات التوتر الكهربائي على جميع أضلاع هذه الحلقة و التي تنتج بسبب مرور التيارات الكهربائية في هذه الأضلاع . قانون كيرشوف الثاني

طرق حل الدارات الكهربائية

طريقة تيارات مكسوبل :

تعتمد طريقة تيارات مكسوبل على تخفيض عدد المجاهيل في معادلات كيرشوف 2 : لنفترض لدينا الدارة التالي:



يعتمد تطبيق هذه النظرية على الخطوات التالية :

- تحديد عدد الأضلاع و عدد العقد لتحديد عدد المعادلات الناتجة المستقلة و التي تساوي:



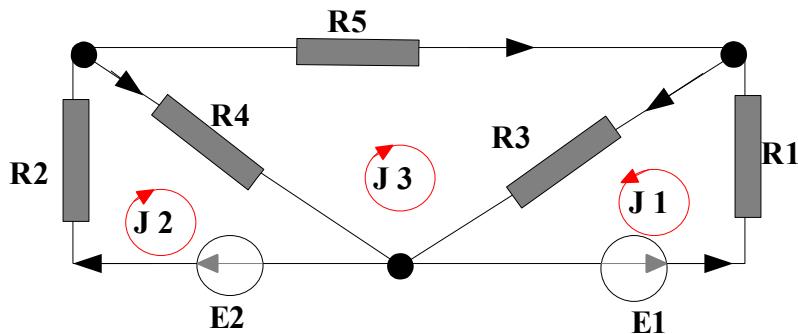
$$\text{عدد معادلات مكسوبل} = \text{عدد الأضلاع} - \text{عدد العقد} + 1$$



- تحديد جهة التيارات المارة في الأضلاع و يؤخذ في عين الاعتبار :

أن جهة التيار في الضلع الذي يحوي قوة محركة يكون في جهتها و في الأضلاع التي يلتقي فيها تيارين فإننا نضع الجهة بجهة التيار الأقوى ، و في حال التخيط * و عدم معرفة الجهة الصحيحة فإنك تضع اتجاهها افتراضياً من عندك و تتبع الحل و في حال كانت قيمة التيار موجبة كان اختيارك صحيحاً و في حال كانت النتيجة سالبة فإن الاتجاه المفروض بعكس الاتجاه الصحيح.

- تحديد تيار مكسوبل الافتراضي و الذي يكون بجهة الأكثرية في كل حلقة كما يلي :



- كتابة معادلات مكسوبل :

المعادلة في كل حلقة تتألف من طرفيين ؛ طرف يحوي على القوى المحركة ، و الطرف الثاني يحوي على هبوطات التوتر بدلالة تيار مكسوبل J .

و الآن نكتب معادلات مكسوبل للشكل السابق :



1:

$$E_1 = J_1(R_1 + R_3) + J_3(R_3) \quad (\text{ملاحظة})$$

2:

$$E_2 = J_2(R_2 + R_4) - J_3(R_4)$$

3:

$$0 = J_3(R_5 - R_4 + R_3) - J_2(R_4) + J_1(R_3)$$



(ملاحظة) من أجل الضلع المشتركة نضع المقاومة مضروبة بـ ناقص تيار مكسوبل الحلقة المجاورة في حال كان لهما عكس الجهة في

إحياء

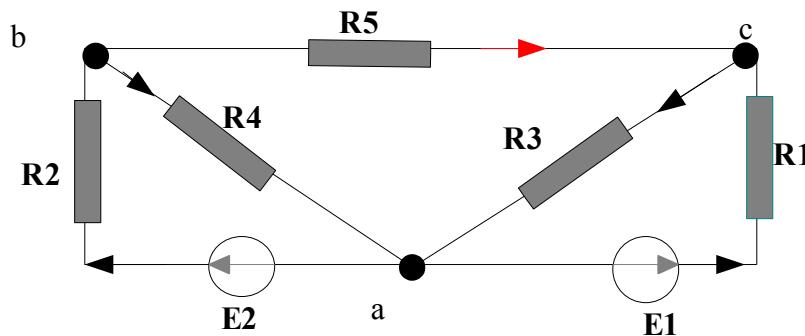
الصلع و زائد في حال لهما نفس الجهة و هذا الأمر يكفي أن نكتب المعادلة الأولى بالشكل :

$$E_1 = J_1(R_1) + (J_1 - J_3) \times R_3$$

فرق الكمون العقدي:

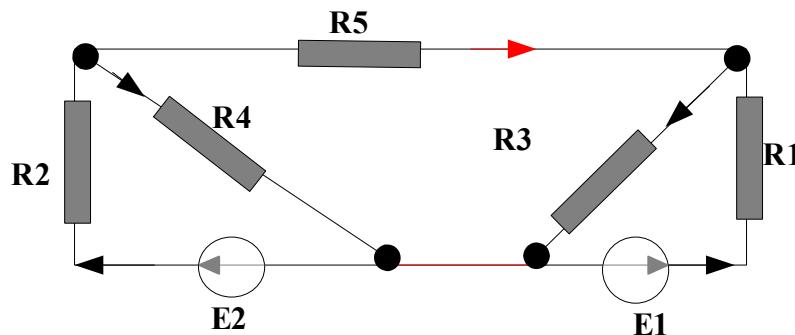
تستخدم هذه الطريقة لمعرفة كمونات العقد في الدارة و بعرفة كمونات العقد نستطيع معرفة التيارات المارة و بالتالي تكون قد حلنا الدارة و تقوم فكرة هذه الطريقة على تأريض إحدى العقد و إخراج قيم باقي العقد بعد التأريض.

لنفرض أنه لدينا الدارة السابقة :

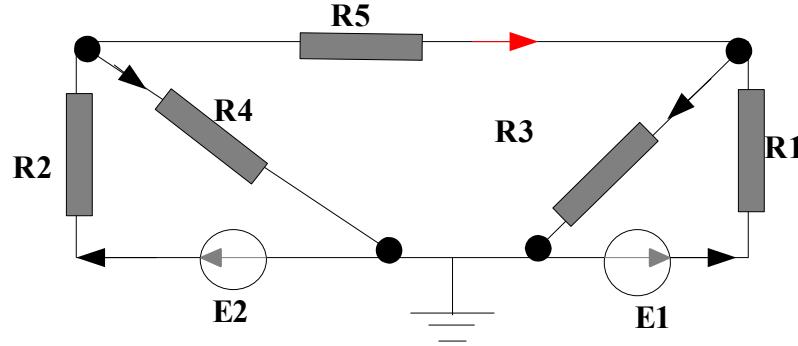


و نريد استخدام طريقة الكمون العقدي ، فإننا نتبع الخطوات التالية:

- تحديد العقد في الدارة .
- التخلص من العقد الزائدة كما في المثال التالي:



فإننا باستطاعتنا أن نزيل السلك الأحمر على أنه فارغ و لا حمل عليه و في الحقيقة هذه الخطوة غير مهمة جداً و قد لا نلجم لها لأنه في الكتب المرجعية (يؤرضاًون السلك) وبالتالي نحصل على نفس النتيجة .



خطوات العمل :

- نطبق كيرشوف واحد على (N-1) عقدة :

$$\begin{aligned} -i_4 - i_3 + i_2 + i_1 &= 0 \\ -i_5 - i_1 + i_3 &= 0 \end{aligned}$$

- نكتب معادلة التشغيل للأضلاع :

$$E_2 + \overbrace{(v_a - v_b)}^{U_2} = i_2 \cdot R_2 \Rightarrow i_2 = \frac{E_2 + (v_a - v_b)}{R_2}$$

$$E_1 + \overbrace{(v_a - v_c)}^{U_1} = i_1 \cdot R_1 \Rightarrow i_1 = \frac{E_1 + (v_a - v_c)}{R_1}$$

$$\overbrace{(v_b - v_a)}^{U_4} = i_4 \cdot R_4 \Rightarrow i_4 = \frac{(v_b - v_a)}{R_4}$$

$$\overbrace{(v_c - v_a)}^{U_3} = i_3 \cdot R_3 \Rightarrow i_3 = \frac{(v_c - v_a)}{R_3}$$

$$\overbrace{(v_b - v_c)}^{U_5} = i_5 \cdot R_5 \Rightarrow i_5 = \frac{(v_b - v_c)}{R_5}$$

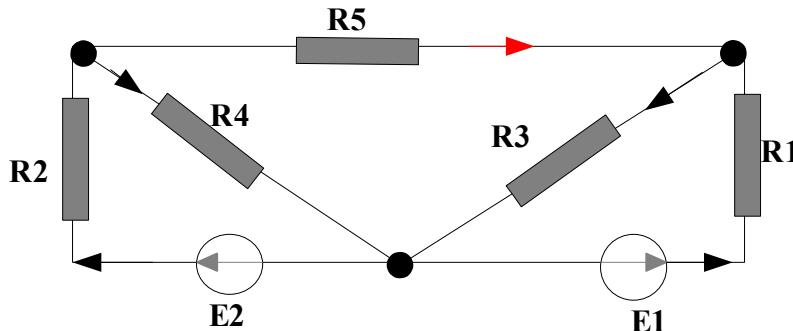
إحياء[®]

- نعرض التيارات التي أخرجناها بمعادلات كيرشوف.
- نعرض العقدة الأكثر تكراراً في المعادلة الناتجة و نحل ما تبقى.
- نخرج التيارات من معادلات التشغيل.

طريقة التراكم :

تعتمد هذه النظرية على مبدأ التراكم في العلوم الميكانيكية فإذا أثرت مجموعة من القوى في تحريك جسم ما تحريكاً ناشئ عن تأثير خطى، فإن النتيجة الكلية يمكن حسابها كمجموع تأثير كل قوة من القوى فيما لو عملت منفردة.

ولتكن لدينا الشكل التالي:

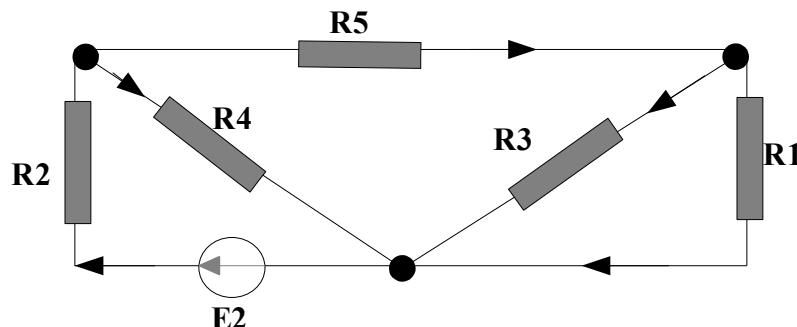


خطوات الحل:

- بما أن المسبب لحركة الإلكترونات في الأسلاك هي مولدات فرق الكمون (المنابع) فإننا نقول بعزل تأثير كل واحدة منها على حدى.

- عزل (قصر) : E1

يصبح الشكل كالتالي ولكن بعد أن نعيد ترتيب التيارات المارة في الدارة :



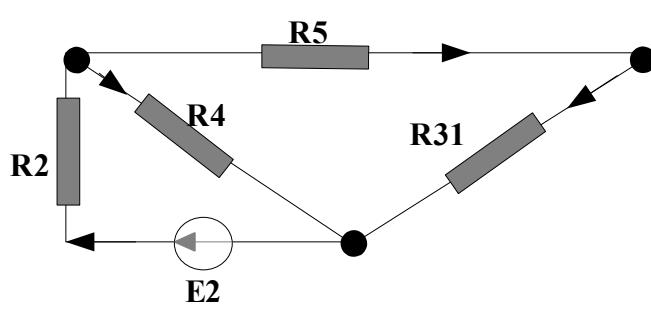
و نحل هذه الدارة بالنسبة لهذا المنبع و أسهل طريقة لإيجاد التيارات التي ستمر في هذه الحالة في الأضلاع هي باستخدام مجزئ التيار و هو يؤخذ بالقانون التالي:


$$I_{\text{الداخل}} = I \times \left(\frac{R_{\text{الفرع الثاني}}}{R_{\text{الفرع المطلوب}} + R_{\text{الفرع الثاني}}} \right)$$

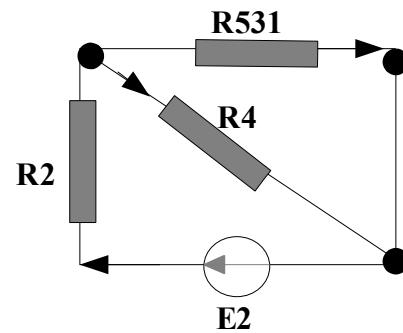
و هذا القانون يمكن إثباته بسهولة و باستخدام معادلات التشغيل لذلك يمكن استخدامه بهذا الشكل مباشرة و يجب الملاحظة أنه له شكل آخر و هو:


$$I_{\text{الداخل}} = I \times \left(\frac{R_{\text{الفرع المطلوب}}}{R_{\text{الكلية}}} \right)$$

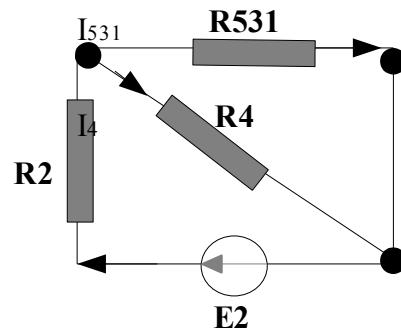
و نجمل خطوات الحل في الجدول التالي:



1



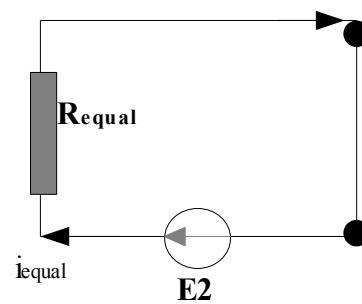
2



3

نحسب R الكلية لكي نخرج التيار الكلي المتولد من

$E2$



4

$$(على التسلسل) i_{equal} = \frac{U_2}{R_{equal}} = i_2$$

5

راجع الشكل في ثلاثة
و باستخدام مجزئ التيار :

$$i_4 = i_2 \times \left(\frac{R_{531}}{R_{531} + R_4} \right)$$

$$i_{531} = i_2 - i_4$$

$$i_3 = i_{31} \times \left(\frac{R_1}{R_3 + R_1} \right)$$

$$i_1 = i_{31} - i_3$$

6

(على التسلسل) $i_{531} = i_5 = i_{31}$ و نستخدم خاصية مجزئ التيار بين $R1$ و $R3$:

نعيد الكرة ذاتها للمنبع الثاني و التيارات النهائية في الأضلاع هي مجموع التيارات التي

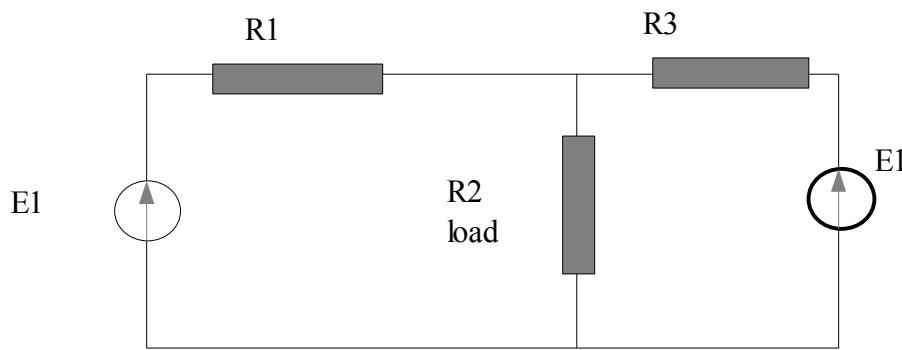
حسبناها للضلاع في كل حالة لو كانت بنفس الجهة و طرحها لو كانت متعاكسة.

إحياء

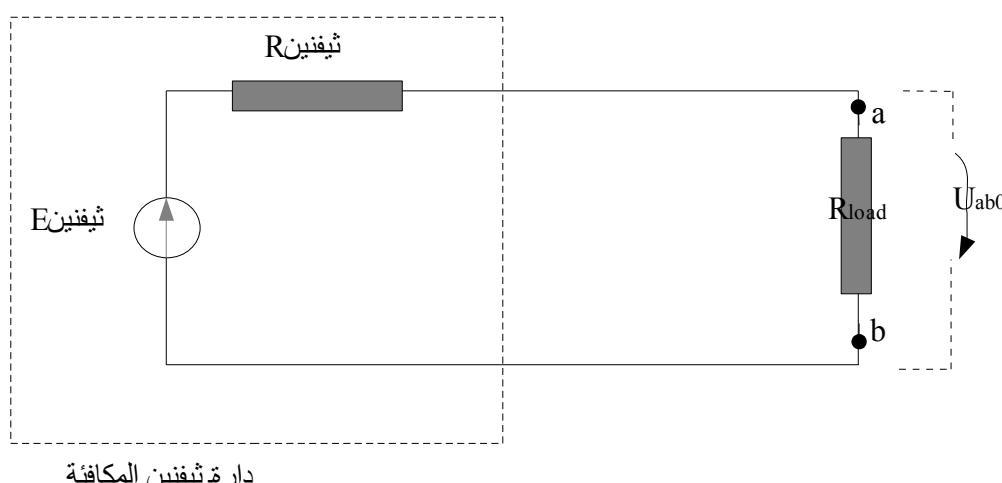
طريقة تقيين ونورتون :

تنص نظرية تقيين على أنه يمكننا تبسيط أي دارة خطية مهما بلغت من التعقيد إلى منبع واحد وسلسلة من المقاومات موصولة إلى حمل ، و نقصد بالخطية هو أنه العلاقة في كافة أجزاء الدارة بين التيار و التوتر هي خطية (ترسم بيانيًا بخط) مثل المقاومات أو المكثفات و في طريقة تقيين إننا نعتبر أحد المقاومات (حسب الحاجة أو المطلوب) هي الحمل و الباقي هو دارة تقيين .

مثال : ليكن لدينا الدارة التالية



و بعد التحويل نجد:

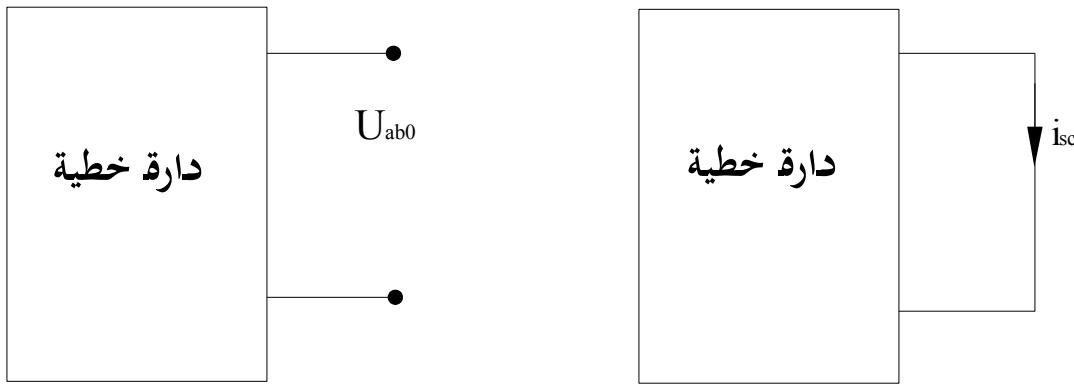


و من ثم نزيل المقاومة الحمل و نطبق إما أحد قوانين كيرشوف أو إحدى الطرق السابقة U_{ab0} أي توتر اللاملاع و يصبح محلها لإيجاد التيارات و التوترات و توتر اللاملاع .

و الدستور المستعمل في ثيفنین هو :

$$i = \frac{U_{ab0}}{R_{ab} + R_{load}}$$

و أما الفرق بين طريقة ثيفنین و نورتون فهو ملخص في الشكل التالي:



أي أننا نستبدل المقاومة الحمل بسلك أو تيار القصر (sc) و أيضاً نحتاج في لنوتر اللاحمel الذي استخدمناه في طريقة ثيفنین لأن طريقة نورتون تستخدم القوانين التالية:

$$i = \frac{i_{sc}}{G_{ab} + G_{load}}$$

$$i_{sc} = \frac{U_{ab0}}{R_{ab}}$$

ملاحظة: إن ثيفنین $R_{ab} = R$

سبحانك اللهم و بحمدك سبحان ربى العظيم أستغفرك و أتوب إليك . اللهم لا علم لنا إلا ما علمتنا . احرص أخي المسلم ألا تستخدم علمك إلا فيما يرضي الله و يعز المسلمين و يهزم أعداءهم و هذا كل ما نرجوه منك بعد الدعاء لمن ساهم في هذا العمل بال توفيق و الرشاد و الفوز بالجنة و بمحفظة قيوم السموات و الأرض .

مسؤولية الفريق

الفريق لا يتحمل أي تبعات ورود أخطاء لأن الفريق في طور النشأة و كل ابن آدم خطاء، و لا ينصح باستخراج إنتاجياته مصادر تعليمية

في حال ورود خطأ:

يرجى التبليغ على بريد الفريق e7aaproj@gmail.com و لكم جزيل الشكر .

تحديثات:

سيتم بإذنه تعالى تحديث الكتاب كل فترة لذا يرجى الانتباه لهذا النقطة .

الحقوق :

إن ماؤرد في الكتاب معتمد على عدة مصادر و هي :

كتاب الفيزياء 2 جامعة دمشق - مادة الفيزياء في معهد MIT رقم 8.022 - كتاب Circuit Analysis Theory And Practice - كتاب مسائل م حلولة في الهندسة الكهربائية (د.م.حسن الحاجي)-كتاب أساس الهندسة الكهربائية أما بالنسبة للرسوميات فما كان اقتباساً فقد تم الإشارة إليه ، وإنما كان من إنتاجيات الفريق .